

## موازنۀ خط مونتاژ با رویکرد الگوریتم ژنتیک

نظام الدین فقیه<sup>۱</sup>، محمد مهدی منتظری<sup>\*۲</sup>

۱. استاد بخش مدیریت دانشگاه شیراز، ایران

۲. کارشناس ارشد دانشگاه شیراز، ایران

(تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۸۷/۴/۴، تاریخ تصویب: ۱۳۸۷/۱۰/۱)

### چکیده

در هر فرآیند تولید تعدادی ماشین آلات و تجهیزات و همچنین میزان نسبتاً ثابتی از نیروی انسانی موجود است که جهت انجام عملیات تولید از آنها استفاده می‌شود. در بسیاری از موارد با مشاهده نحوه کار یک فرآیند می‌توان دید که تعدادی از ماشین آلات، مشغول کار نیستند ولی تعداد دیگری از تجهیزات، یکسره مشغول بکار بوده و در جلوی آنها مقدار زیادی از قطعات، آماده بسته شدن روی ماشین جهت انجام عملیات ساخت هستند و در مقابل تعدادی از کارگران به شدت مشغول کار می‌باشند و حجم قابل توجهی از کار انجام نشده، در کنار آنها اباشته گردیده است. وجود زمانهای بیکاری و یا وجود کار بیش از حد، یعنی نبود توازن و تعادل در فرآیند تولید، از جمله عواملی هستند که مشکلاتی را برای مدیریت سیستم ایجاد می‌کند. برای رفع این معضلات مدیر ناچار به ارائه راهکارهایی جهت بهبود وضع موجود است. یکی از راهکارهایی که مدیر می‌تواند برای رفع مشکل عدم توازن و تعادل در فرآیند تولید از آن استفاده کند بحث موازنۀ و یا متعادل سازی خط تولید است. در این مقاله برای حل مسئله موازنۀ خط مونتاژ، از روش الگوریتم ژنتیک استفاده شده است. الگوریتم ارائه شده روش جدیدی را به هنگام انجام عملیات تقاطع و ترکیب کروموزوم‌های والد جهت تولید فرزند و نیز ایجاد جهش در کروموزوم‌ها، ارائه می‌دهد. و در نهایت، کارایی جواب‌های بدست آمده از روش الگوریتم ژنتیک با روش عددی مقایسه می‌شود.

### واژه‌های کلیدی:

#### مقدمه

عامل اصلی ایجاد انگیزه رقابت در امر تجارت در دهه اخیر، زمان است. البته این بدین معنی نیست که انگیزانده‌های دیگر از جمله هزینه و کیفیت را در این مسابقه نادیده بگیریم. ولی در این میان زمان در پیشبرد محصولات عامل تعیین کننده‌تری است. سؤالی که اغلب اوقات مدیران با آن روپرتو می‌باشند این است که : چگونه می‌توان هزینه زمان تلف شده را کاهش داد؟ یکی از ساده‌ترین راه‌ها تغییر محتوای کار در هر نقطه از خط می‌باشد. اگر زمان تولید در تمامی نقاط کاری یکسان باشد ما هیچ زمان تلف شده نخواهیم داشت و خط کاملاً متعادل است. کوشش برای تقلیل اختلاف زمانی بین نقاط مختلف کاری را «متوازن ساختن خط تولید» می‌نامند. البته به صفر رساندن زمان تلف شده ایده‌آل است و تلاش در آنست که حتی المقدور اختلاف زمانی بین نقاط کاری کمتر گردد[۱۱]. در مقاله حاضر، مسئله موازنی خط مونتاژ مورد بررسی و تحلیل قرار می‌گیرد. بدین منظور ابتدا مطالعات انجام گرفته پیشین مرور می‌گردد. سپس کلیاتی در ارتباط با مسئله موازنی و روش‌های حل آن ارائه می‌شود، بعد از آن ساختار مدل و روش حل آن توضیح داده می‌شود و در نهایت نتایج و پیشنهاداتی در ارتباط با موضوع ارائه می‌گردد.

#### مرور ادبیات موضوع

یک خط مونتاژ از مجموعه‌ای از ایستگاه‌ها تشکیل می‌شود که در هر کدام از این ایستگاه‌ها یک سری فعالیت صورت می‌گیرد، حال اگر مجموع زمان فعالیت انجام شده در هر ایستگاه کاری با ایستگاه‌های دیگر متعادل نباشد درصد یکاری در بعضی ایستگاه‌ها زیاد شده و در بعضی ایستگاه‌ها ایجاد گلوگاه می‌شود. برای رفع این نواقص باید اقدام به متعادل کردن این ایستگاه‌ها با توجه به زمان سیکل کرد[۱۲و۹]. در این مقاله مسئله موازنی خط مونتاژ با استفاده از رویکرد الگوریتم ژنتیک حل شده است. الگوریتم ژنتیک از اصل تکامل طبیعی داروین گرفته شده و با انبوهی از جوابها سر و کار دارد و بواسطه داشتن همین خصوصیت امکان اجرای موازی الگوریتم و همچنین مهاجرت بین زیر جمعیت‌ها را که باعث تنوع ژنتیکی می‌شوند فراهم می‌آورد. در این الگوریتم نقاط بر روی مجموعه  $\{1, 0\}$  تعریف می‌شود یعنی اعداد بصورت رشته‌های باینری و بطول  $k$  بیان می‌شوند. منشاء بروز اختلاف بین الگوریتم ژنتیک و تکاملی نیز همین تفاوت در نحوه بیان نقاط می‌باشد. الگوریتم ژنتیک روشی است بر مبنای جستجو در فضای  $\{1, 0\}$  و با

استفاده از تابع توزیع احتمال که این تابع در طول اجرای الگوریتم مرحله به مرحله به سمت محدودهای که جواب در آن قرار دارد همگرا می‌شود. امروزه الگوریتم ژنتیک در این بین شناخته شده‌ترین نوع الگوریتم تکاملی به حساب می‌آید، چرا که الگوریتم‌های ژنتیکی اخیراً به دقت قابل ملاحظه‌ای دست یافته اند [۸]. در زیر قصد داریم ابتدا تاریخچه‌ای از الگوریتم ژنتیک و سپس موازنۀ خط مونتاژ و در نهایت کاربرد الگوریتم ژنتیک در موازنۀ خط مونتاژ را بیان کنیم.

#### الف) تاریخچه الگوریتم ژنتیک

گلدبک (۱۹۸۳) برای اولین بار از مکانیزم الگوریتم ژنتیک در صنعت استفاده کرد. گلاور (۱۹۹۱) برای تشریع همگرایی، روش الگوریتم ژنتیک وفقی را ارائه کرد که در آن عملگرهای تقاطع و جهش بصورت دینامیکی تغییر می‌نماید. فوکویاما و چیانگ (۱۹۹۶) از روش موازی در الگوریتم ژنتیک برای برنامه ریزی توسعه ظرفیت نظام‌های تولید انرژی الکتریکی استفاده کردند [۱۷]. پارک و همکاران (۲۰۰۰) برای افزایش کارایی و سرعت محاسبات الگوریتم و دوری جستن از دام نقاط بهینه محلی و مبتنی بر نتایج تحقیقات فوکویاما و چیانگ نوعی روش خلق مصنوعی جمعیت اولیه با استفاده از روش‌های تصادفی پیشنهاد نمودند [۲۰].

امروزه کاربرد الگوریتم‌های ژنتیکی حوزه وسیعی از مسایل بهینه‌سازی در زمینه‌های مختلف فنی مهندسی، علوم اجتماعی را در بر می‌گیرد. الگوریتم ژنتیک را می‌توان هم برای مسایل محدود شده و هم برای مسائل محدود نشده بکار برد. برای مسایل بهینه‌سازی استاندارد، صرفاً روشی برای به بدست آوردن یک جواب می‌باشد. همچنین می‌توان آن را برای مسائل خطی، غیرخطی و برنامه ریزی احتمالی که دارای متغیرهای تصادفی و درجه‌ای از عدم قطعیت است استفاده نمود در ضمن مسائل بهینه‌سازی ترکیبی که شامل مسائل مختلف علوم کامپیوتری می‌باشد مورد استفاده قرار می‌گیرد. از جمله کاربردهای مهم الگوریتم ژنتیک استفاده از آن در مسئله موازنۀ خط مونتاژ است.

#### ب) تاریخچه موازنۀ خط مونتاژ

تعریف قابل قبول از موازنۀ خط مونتاژ در وهله اول به سالوسون منسوب است که بیان می‌کند (موازنۀ خط مونتاژ یعنی کاهش وقت تلف شده یا کاهش تعداد کارگرها یی که وقت زیادی برای کار می‌گیرند این در حقیقت کاهش تاخیر موازنۀ است). اشخاص

دیگری مانند گلبریج و وستر در زمینه موازنۀ مطالعاتی را انجام داده‌اند و بیان می‌کنند که مقدار بالای تاخیر موازنۀ با دامنه زمان بین مراحل کار و درجه بالای اتوماسیون خط ارتباط دارد. کوتاه‌تر و نهاده‌تر (۱۹۶۴) اولین مسئله موازنۀ را با الگوریتمی که زمان تاخیر هر ایستگاه کاری را حداقل می‌کرد انجام دادند. سپس این الگوریتم توسط ارل و گوکسن (۱۹۶۴) توسعه داده شد و از آن برای خطوط مونتاژی محصولات مشابه با در نظر گرفتن مجموع زمان مراحل مختلف کاری استفاده شد [۱۹]. با تغییرات سریع تکنولوژی و افزایش تجهیزات مورد استفاده در تولید سیستم‌های مونتاژ منعطف نیز بوجود آمدند. اون (۱۹۸۵) در مورد سیستم‌های مونتاژ منعطف نقش ربات‌ها را خیلی مهم می‌داند. در سال ۱۹۸۸ گراوز و هولمز الگوریتمی را برای تخصیص فعالیت‌ها و تجهیزات به ایستگاه‌های خط مونتاژ به منظور بهبود نرخ تولید سالیانه ارائه کردند. هدف کار آنها مینیمم کردن هزینه کل مونتاژ بود که ترکیبی از هزینه‌های ثابت تجهیزات و هزینه‌های متغیر راهاندازی و استفاده از تجهیزات و نیروی انسانی بود. مشکل این الگوریتم این بود که در خطوط مونتاژ منعطف چندان کارایی نداشت زیرا امکان بدست آوردن زمان ایده ال را برای هر ایستگاه نداشت . سپس رابینویتز و بوکچین (۱۹۹۱) به منظور مینیمم کردن تعداد ایستگاه‌های کاری برای رسیدن به سیکل زمانی بهینه الگوریتمی را ارائه کردند. الگوریتم رابینویتز و بوکچین بر اساس روش برانچ و بوند بود. کیم و پارک (۱۹۹۵) به منظور کاهش تعداد ربات‌های مورد استفاده در یک خط مونتاژی منعطف کار خود را شروع کردند. در ادامه نقش الگوریتم ژنتیک را در حل این گونه مسائل مرور می‌کنیم.

ج) تاریخچه استفاده از مکانیزم الگوریتم ژنتیک در حل مسئله موازنۀ خط مونتاژ برای اولین بار بود که رابینویتز و لاوتین (۱۹۹۵) با استفاده از مکانیزم الگوریتم ژنتیک مسئله موازنۀ خط مونتاژ را حل کردند [۱۸]. سورش (۱۹۹۶) اولین کسی بود که با استفاده از الگوریتم ژنتیک بهترین جواب را برای یک مسئله موازنۀ خط مونتاژ بدست آورد. در روش او زمان و توقف‌های خط مینیمم می‌شد و همچنین زمان انحرافی ایستگاه‌های کاری از زمان سیکل تولید کاهش می‌یافت [۱۹]. در سال ۱۹۹۸ فالکنور کتابی را در زمینه حل مسائل گروهی بوسیله الگوریتم ژنتیک نوشت و مطالی را در زمینه کاربردهای الگوریتم در مباحث مختلف بیان کرد. در سال ۲۰۰۰ توسط بوکچین و تزار نیز برای طراحی خط مونتاژ به منظور کاهش هزینه تجهیزات الگوریتمی پیشنهاد شد. در همین رابطه خوچا (۲۰۰۰) نیز عملیات خوش‌های آماری را برای خط مونتاژ منعطف طراحی کرد [۱۸].

گانگور و گوپتا (۲۰۰۱-۲۰۰۲) الگوریتمی را برای حل موازنۀ خط مونتاژ با هدف ارزیابی وظایف ایستگاه‌های کاری و مینیمم کردن هزینه هر بخش پیشنهاد دادند [۱۹]. همچنین نیکوسیا (۲۰۰۲) الگوریتمی را بمنظور مینیمم کردن هزینه ایستگاه‌های کاری با در نظر گرفتن محدودیت سیکل زمانی ارائه کرد. فرمول پیشنهادی او خیلی شبیه الگوریتم ژنتیک رباتیک بود [۱۸]. مک گاورن (۲۰۰۳) برای اولین بار از تکنیک‌های بهینه ترکیبی برای حل مسئله موازنۀ استفاده کرد. مک گاورن و گوپتا (۲۰۰۴) با ترکیب روش‌های مختلف بهینه ترکیبی روشی بهینه‌تر برای مسئله موازنۀ پیدا کردند. اخیراً نیز کتابی توسط لامبرت و گوپتا (۲۰۰۵) در مورد خطوط مونتاژ و الگوریتم‌های مناسب برای رفع مشکلات آنها به چاپ رسیده است [۱۹].

در مورد تاریخچه استفاده از الگوریتم ژنتیک در مسئله موازنۀ خط مونتاژ در ایران نیز می‌توان به موارد زیر اشاره کرد. خوش‌الحان اسپیلی (۱۳۷۶) در پایان نامه خود از الگوریتم‌های ژنتیکی برای حل مسئله موازنۀ خط مونتاژ فازی استفاده می‌کند. در این تحقیق، الگوریتم ژنتیکی جدیدی برای مسئله موازنۀ خط مونتاژ فازی ارائه می‌شود و همچنین یک روش جدید تعمیر و یا عملگر کارای جابجایی نیز تعریف شده است [۳]. در سال ۱۳۸۵، درهمی موازنۀ خط مونتاژ را با استفاده از برنامه ریزی چند هدفه انجام می‌دهد. او در تحقیق خود از معیارهای هزینه، زمان تلف شده و محدودیت منابع استفاده می‌کند و در نهایت با مقایسه روش برنامه ریزی چند هدفه و الگوریتم ژنتیک، مدلی را برای موازنۀ خط مونتاژ ارائه می‌دهد. همانطور که مشاهده شد دامنه وسیعی از مطالعات صورت گرفته در ارتباط با مکانیزم الگوریتم ژنتیک در موازنۀ خط مونتاژ بیان گردید اما باید گفت در بیشتر موارد عملگرهای ژنتیکی بر روی ایستگاه‌ها کار می‌کنند و نقش آنها در تخصیص فعالیت‌ها کمتر دیده می‌شود بنابراین در این مقاله سعی شده است تا به این مسئله پردازد و کارایی آن را مورد بررسی قرار دهد.

### مراحل اجرای پروژه موازنۀ خط مونتاژ

برای موازنۀ خط مونتاژ، تکنیک‌های دستی و تکنیک‌های کامپیوتری وجود دارد، که برای هر دوی آنها اطلاعات زیر ضروری است:

۱. زمان سیکل
۲. عناصر کاری و زمان استاندارد هر یک از آنها
۳. روابط فعالیت‌ها با یکدیگر

طریقه محاسبه زمان سیکل در فرمول زیر آمده است.

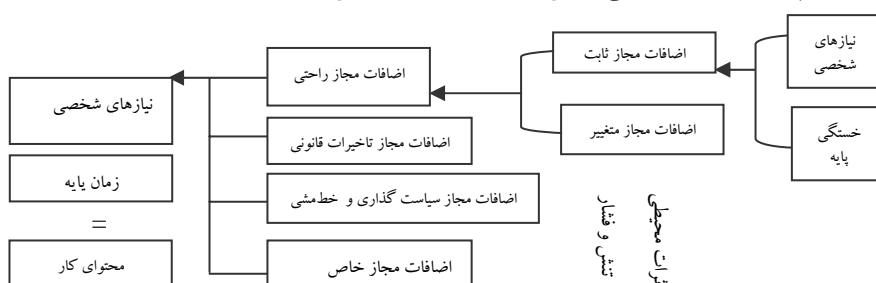
$$\frac{\text{کل زمان کاری در دسترس در روز}}{\text{نیاز به تولید محصول در روز}} = \text{زمان سیکل}$$

زمان در دسترس در روز برابر است با زمان مفیدی که کارگران در روز کار می کنند [۹].  
بمنظور انجام پروژه موازن خط مونتاژ در این مقاله گام های زیر برداشته شده است.

۱. تعیین عناصر کاری، ۲. تعیین تعداد نمونه مورد استفاده برای انجام مطالعات زمان سنجی،
۳. تعیین ضریب عملکرد، ۴. بدست آوردن اضافات مجاز، ۵. بدست آوردن زمان استاندارد هر عنصر کاری، ۶. مشخص کردن تابع هدف و محدودیت های خط مونتاژ، ۷. نوشتن برنامه موازن خط مونتاژ در محیط برنامه نویسی، ۸. استفاده از مکانیزم الگوریتم ژنتیک بمنظور رسیدن به جواب بهینه.

در مقاله حاضر بررسی بر روی خط مونتاژ موتور سیکلت صورت گرفته است. در این خط ۱۲ نوع فعالیت و ۸۶ عنصر کاری تعریف شده است. سپس برای تعیین تعداد مورد مطالعه از روش توزیع t استفاده می شود [۱۲].

در خط مونتاژ مورد نظر با نظر خواهی از مسئول کنترل کیفیت و سرپرست خط بعد از تعیین فرد واجد شرایط و مقایسه عملکردش با سایر افراد، ضرایب عملکرد هر یک از کارگران با استفاده از جداول وستینگهاوس تعیین شد بعد از تعیین ضریب عملکرد از رابطه (ضریب عملکرد × زمان مشاهده = زمان نرمال) زمان نرمال عناصر بدست آمد [۹ و ۱۲]. پس از محاسبه زمان نرمال باید یک گام دیگر را به منظور بدست آوردن زمان استاندارد عملیات پیمود. در آخرین مرحله باید درصد های مجازی بنام اضافات مجاز تعیین گردند که کلیه موارد مربوط به تاخیرات و خستگی های ناشی از اثر کار و سایر موارد دیگر را پیشاند. مدل اساسی تعیین اضافات مجاز در این مقاله در زیر آمده است [۱۲].



در زیر توضیحاتی در ارتباط با روش استفاده از مدل بالا می‌آید.  
در اینجا اضافات مجاز رفع نیازهای شخصی بصورت درصدی از کل زمان کار  
(۵٪ برای مردان) در نظر گرفته شده که در نهایت زمان مفید کاری در این کارخانه بصورت  
زیر بدست می‌آید.

$$\text{زمان مفید کاری} = \frac{\text{زمان کار}}{\text{زمان کار} + \text{اضافات مجاز}} = \frac{480}{480 + 480 \times 0.05} = 0.85$$

$$\text{زمان مفید کاری} = \frac{\text{زمان کار}}{\text{زمان کار} + \text{اضافات مجاز}} = \frac{480}{480 + 480 \times 0.05} = 0.85$$

اضافات مجاز نیازهای شخصی ۲۵ دقیقه و زمان خوردن صباحانه ۳۰ دقیقه می‌باشد  
بنابراین زمان مفید کاری برابر است با

$$\text{زمان مفید کاری} = \frac{\text{زمان کار}}{\text{زمان کار} + \text{اضافات مجاز}} = \frac{480}{480 + 480 \times 0.05} = 0.85$$

مابقی اضافات مجاز که شامل رفع خستگی پایه، اضافات مجاز متغیر و اضافات مجاز  
خاص می‌باشد، بصورت درصدی از زمان نرمال بدست می‌آید که نحوه محاسبه آنها با  
توجه به جداول پیتر استیل و همکارانش در این مقاله محاسبه شده است. حال با داشتن  
زمان‌های نرمال و درصد تاخیرات مجاز، و جایگذاری در رابطه زیر زمان استاندارد عناصر  
کاری بدست می‌آید [۹۶و۱۲].

$$\text{زمان استاندارد} = \frac{\text{زمان نرمال}}{\text{درصد اضافات مجاز} + 1}$$

سپس باید محدودیت‌های موجود در خط، با توجه به هدف مسئله که در واقع حداکثر  
کارایی منابع (نیروی انسانی و ماشین‌آلات) است شناسایی شود. برای رسیدن به حداکثر  
کارایی باید بیکاری‌های آشکار و پنهان را در خط مونتاژ شناسایی و با چیدمان صحیح و  
اصولی کارگران و ماشین‌آلات در کنار یکدیگر آنها را کاهش دهیم. البته رسیدن به  
بیکاری صفر یا کارایی ۱۰۰ درصد در خط آرمانی و ایده‌آل است و ما باید سعی کنیم  
زمان این بیکاری‌ها را به کمترین مقدار خود برسانیم. در خط مونتاژ مورد مطالعه زمان مفید  
کاری در دسترس در هر روز محاسبه شد و معلوم شد در هر روز ۴۲۵ دقیقه مفید برای  
مونتاژ موتورسیکلت وجود دارد. همچنین در این خط تعداد تولید مطلوب، ۳۰ موتور در  
روز می‌باشد اما در حال حاضر فقط ۲۶ موتور در روز مونتاژ می‌شود. در نگاره زیر نحوه  
محاسبه زمان استاندارد عناصر کاری موجود در خط مونتاژ، برای استفاده در تابع هدف و  
محدودیت‌ها آمده است.

**نگاره ۱. زمان‌های نرمال ، اضافات مجاز و زمان‌های استاندارد عناصر کاری  
در صنعت موتور سیکلت**

| عنصر کاری    | زمان نرمال(ثانیه) | زمان استاندارد(ثانیه) | اضافات مجاز(ثانیه) | زمان نرمال(ثانیه) | زمان استاندارد(ثانیه) |
|--------------|-------------------|-----------------------|--------------------|-------------------|-----------------------|
| B1           | ۵۰                | ۵۴                    | ۴                  | ۱۸                | ۱۹                    |
| B2           | ۲۵                | ۲۶                    | ۱                  | ۲۵                | ۲۶                    |
| C1           | ۲۸                | ۳۰                    | ۲                  | ۱۹                | ۲۰                    |
| C2           | ۱۹                | ۲۰                    | ۱                  | ۳۳                | ۳۴                    |
| C3           | ۳۳                | ۳۴                    | ۱                  | ۴۲                | ۴۵                    |
| D1           | ۳۱                | ۳۲                    | ۱                  | ۳۱                | ۳۲                    |
| D2           | ۳۲                | ۳۳                    | ۱                  | ۳۲                | ۳۳                    |
| D3           | ۳۰                | ۳۱                    | ۱                  | ۳۰                | ۳۱                    |
| D4           | ۳۰                | ۳۱                    | ۱/۵                | ۳۶                | ۳۸                    |
| D5           | ۲۰                | ۲۱                    | ۱                  | ۱۷                | ۱۸                    |
| E1           | ۱۴                | ۱۵                    | ۱/۵                | ۳۶                | ۴۲                    |
| E2           | ۲۰                | ۲۱                    | ۲                  | ۴۰                | ۴۲                    |
| E3           | ۲۰                | ۲۱                    | ۱                  | ۲۰                | ۲۱                    |
| E4           | ۱۷                | ۱۸                    | ۱                  | ۱۷                | ۱۸                    |
| F1           | ۱۴                | ۱۵                    | ۱/۵                | ۳۶                | ۳۷                    |
| F2           | ۳۳                | ۳۷                    | ۴                  | ۳۳                | ۳۷                    |
| F3           | ۲۰                | ۲۳                    | ۲                  | ۲۰                | ۲۳                    |
| F4           | ۵۹                | ۶۳                    | ۴                  | ۵۹                | ۶۳                    |
| G1           | ۴۲                | ۴۵                    | ۳                  | ۴۲                | ۴۵                    |
| G2           | ۳۳                | ۳۴                    | ۱                  | ۳۳                | ۳۴                    |
| H1           | ۳۹                | ۴۰                    | ۱                  | ۳۹                | ۴۰                    |
| H2           | ۴۴                | ۴۵                    | ۱                  | ۴۴                | ۴۵                    |
| H3           | ۵۶                | ۵۸/۸                  | ۲/۸                | ۵۶                | ۵۸/۸                  |
| H4           | ۲۸                | ۲۹                    | ۱                  | ۲۸                | ۲۹                    |
| H5           | ۶۳                | ۶۵                    | ۲/۲                | ۶۳                | ۶۵                    |
| H6           | ۱۶                | ۱۶/۶                  | ۱/۶                | ۱۶                | ۱۶/۶                  |
| H7           | ۲۳                | ۲۴                    | ۱                  | ۲۳                | ۲۴                    |
| H8           | ۲۲                | ۲۳                    | ۱                  | ۲۲                | ۲۳                    |
| H9           | ۵۷                | ۶۰                    | ۳                  | ۵۷                | ۶۰                    |
| H10          | ۳۶                | ۳۷/۵                  | ۱/۵                | ۳۶                | ۳۷/۵                  |
| H11          | ۱۷                | ۱۷/۷                  | ۱/۷                | ۱۷                | ۱۷/۷                  |
| H12          | ۴۰                | ۴۱/۶                  | ۱/۶                | ۴۰                | ۴۱/۶                  |
| H13          | ۱۴                | ۱۴/۶                  | ۱/۶                | ۱۴                | ۱۴/۶                  |
| H14          | ۴۹                | ۵۰                    | ۲                  | ۴۹                | ۵۰                    |
| H15          | ۳۹                | ۴۰                    | ۱                  | ۳۹                | ۴۰                    |
| H16          | ۱۸                | ۱۹                    | ۱/۸                | ۱۸                | ۱۹                    |
| H17          | ۳۸                | ۳۹                    | ۱                  | ۳۸                | ۳۹                    |
| H18          | ۳۵                | ۳۶/۸                  | ۱/۸                | ۳۵                | ۳۶/۸                  |
| H19          | ۵۰                | ۵۲                    | ۲                  | ۵۰                | ۵۲                    |
| H20          | ۱۹                | ۲۰                    | ۱/۵                | ۱۹                | ۲۰                    |
| H21          | ۱۸                | ۱۸/۷                  | ۱/۷                | ۱۸                | ۱۸/۷                  |
| H22          | ۲۳                | ۲۴/۶                  | ۱/۶                | ۲۳                | ۲۴/۶                  |
| H23          | ۱۷                | ۱۸                    | ۱                  | ۱۷                | ۱۸                    |
| صحت با سریست | ۴                 | ۴                     | -                  | ۴                 | ۴                     |
| K1           | ۴۵                | ۴۹                    | ۳/۵                | ۴۵                | ۴۹                    |
| K2           | ۲۳                | ۲۴                    | ۱                  | ۲۳                | ۲۴                    |
| K3           | ۶۶                | ۷۰                    | ۴                  | ۶۶                | ۷۰                    |
| K4           | ۱۰۱               | ۱۰۵                   | ۴                  | ۱۰۱               | ۱۰۵                   |
| K5           | ۸۸                | ۹۱/۵                  | ۳/۵                | ۸۸                | ۹۱/۵                  |
| K6           | ۱۰۳               | ۱۰۸                   | ۵                  | ۱۰۳               | ۱۰۸                   |
| K7           | ۹۹                | ۱۰۷                   | ۸                  | ۹۹                | ۱۰۷                   |
| K8           | ۳۷                | ۳۸/۵                  | ۱/۵                | ۳۷                | ۳۸/۵                  |
| K9           | ۸۴                | ۸۷                    | ۳                  | ۸۴                | ۸۷                    |

| ۵۶    | ۲    | ۵۴  | K1۰                       |
|-------|------|-----|---------------------------|
| ۱۲۹   | ۶    | ۱۲۳ | K11                       |
| ۱۳۰   | ۱۰   | ۱۲۰ | K12                       |
| ۴۰    | ۳    | ۳۷  | K13                       |
| ۲۸    | ۲    | ۲۶  | K14                       |
| ۳۶/۵  | ۱/۵  | ۳۵  | K15                       |
| ۶۳/۵  | ۲/۵  | ۶۱  | K16                       |
| ۵۵    | ۲    | ۵۳  | K17                       |
| ۷/۵   | ۰/۵  | ۴   | K18                       |
| ۳     | -    | ۳   | صحبت با مستول کنترل کیفیت |
| ۱۲/۵  | /۵   | ۱۲  | M1                        |
| ۵۸    | ۲    | ۵۶  | M2                        |
| ۳۳    | ۲    | ۳۱  | M3                        |
| ۵۱    | ۲    | ۴۹  | M4                        |
| ۳۶    | ۲    | ۳۴  | M5                        |
| ۴۲/۶  | ۱/۶  | ۴۱  | M6                        |
| ۶۳    | ۴    | ۵۹  | M7                        |
| ۳۷    | ۱    | ۳۶  | M8                        |
| ۱۱    | ۱    | ۱۰  | M9                        |
| ۱۵    | ۱    | ۱۴  | N1                        |
| ۳۲    | ۲    | ۳۰  | N2                        |
| ۵۲    | ۲    | ۵۰  | N3                        |
| ۵۶    | ۳    | ۵۳  | N4                        |
| ۴۰/۶  | ۱/۶  | ۳۹  | N5                        |
| ۳۰/۵  | ۱/۵  | ۲۹  | P1                        |
| ۲۹/۷  | ۱/۷  | ۲۸  | P2                        |
| ۲۶/۵  | ۱/۵  | ۲۵  | P3                        |
| ۷۱    | ۴    | ۶۷  | P4                        |
| ۲۳    | ۱    | ۲۲  | P5                        |
| ۲۲    | ۱    | ۲۱  | P6                        |
| ۱۴/۵  | /۵   | ۱۴  | P7                        |
| ۵     | -    | ۵   | صحبت با مستول کنترل کیفیت |
| ۱۹۵   | ۹    | ۱۸۶ | R1                        |
| ۳۳۰   | ۱۲/۶ | ۳۱۷ | R2                        |
| ۱۸۲/۷ | ۸/۷  | ۱۷۴ | R3                        |
| ۱۳۰   | ۵    | ۱۲۵ | R4                        |

(۱): استگاه شماره خوان C (۲): استگاه پرس D (۳): طوقه بندی E (۴): مونتاژ F (۵): مونتاژ

کمک فر عقب و جلو G (۶): مونتاژ کیلومتر H (۷): شاسی بندی K (۸): انجین M (۹): باک و زین

(۱۰): کنترل سیم کشی روی موتور P (۱۱): کنترل نهایی R (۱۲): ابار و تحويل

### تابع هدف و محدودیت‌های مسئله

حال برای رسیدن به بهترین ترکیب بین افراد و ماشین‌آلات باید تابع هدف و محدودیت‌ها موجود در خط شناسایی شوند تا بتوان با ورود این اطلاعات به کامپیوتر، روش حل را برای رسیدن به جواب بهینه پیاده‌سازی کرد. با بررسی‌های انجام شده در خط مشخص شد، محدودیت‌های ما شامل محدودیت‌های تقدم و تأخیر فعالیت‌ها و محدودیت منابع که شامل نیروی انسانی و ماشین‌آلات است، می‌باشد. همانطور که در گذشته گفته شد تابع هدف نشان‌دهنده کارایی خط مونتاژ است، یعنی ما بدبناال کاهش یکاری در خط و افزایش

راندمان کاری افراد و ماشین آلات هستیم. در زیر تابع هدف به همراه محدودیت‌ها آمده است.

$$\max z = 1 - \frac{\sum (\max ts - tsi)}{k \times \max tS}$$

26 < Production < 30

$i$  = زمان ایستگاه

$K$  = تعداد ایستگاه

Production : تعداد موتور مونتاژ شده در شرایط موجود و مطلوب

|                                     |                                     |  |
|-------------------------------------|-------------------------------------|--|
| $sx_{12} \geq sx_{11} + tx_{11}$    | $sx_{74} \geq sx_{73} + tx_{73}$    | $Sx_{ij} =$ زمان شروع فعالیت $i$ و عنصر کاری $j$ |
| $sx_{22} \geq sx_{21} + tx_{21}$    | $sx_{74} \geq sx_{62} + tx_{62}$    | $Tx_{ij} =$ طول زمان فعالیت $i$ و عنصر کاری $j$  |
| $sx_{23} \geq sx_{22} + tx_{22}$    | $sx_{75} \geq sx_{73} + tx_{73}$    |  |
| $sx_{32} \geq sx_{31} + tx_{31}$    | $sx_{75} \geq sx_{44} + tx_{44}$    |  |
| $sx_{33} \geq sx_{32} + tx_{32}$    | $sx_{78} \geq sx_{53} + tx_{53}$    |  |
| $sx_{34} \geq sx_{33} + tx_{33}$    | $sx_{79} \geq sx_{54} + tx_{54}$    |  |
| $sx_{35} \geq sx_{33} + tx_{33}$    | $sx_{710} \geq sx_{79} + tx_{79}$   |  |
| $sx_{43} \geq sx_{41} + tx_{41}$    | $sx_{715} \geq sx_{79} + tx_{79}$   |  |
| $sx_{43} \geq sx_{42} + tx_{42}$    | $sx_{717} \geq sx_{710} + tx_{710}$ |  |
| $sx_{44} \geq sx_{41} + tx_{41}$    | $sx_{718} \geq sx_{717} + tx_{717}$ |  |
| $sx_{44} \geq sx_{42} + tx_{42}$    |                                     |  |
| $sx_{52} \geq sx_{51} + tx_{51}$    |                                     |  |
| $sx_{53} \geq sx_{52} + tx_{52}$    |                                     |  |
| $sx_{62} \geq sx_{61} + tx_{61}$    |                                     |  |
| $sx_{71} \geq sx_{12} + tx_{12}$    |                                     |  |
| $sx_{71} \geq sx_{23} + tx_{23}$    |                                     |  |
| $sx_{719} \geq sx_{34} + tx_{34}$   |                                     |  |
| $sx_{719} \geq sx_{714} + tx_{714}$ |                                     |  |
| $sx_{719} \geq sx_{72} + tx_{72}$   |                                     |  |
| $sx_{720} \geq sx_{715} + tx_{715}$ |                                     |  |
| $sx_{722} \geq sx_{73} + tx_{73}$   |                                     |  |
| $sx_{712} \geq sx_{711} + tx_{711}$ |                                     |  |
| $sx_{711} \geq sx_{12} + tx_{12}$   |                                     |  |
| $sx_{713} \geq sx_{12} + tx_{12}$   |                                     |  |
| $sx_{76} \geq sx_{12} + tx_{12}$    |                                     |  |
| $sx_{721} \geq sx_{75} + tx_{75}$   |                                     |  |
| $sx_{81} \geq sx_{719} + tx_{719}$  |                                     |  |
| $sx_{82} \geq sx_{71} + tx_{71}$    |                                     |  |
| $sx_{83} \geq sx_{719} + tx_{719}$  |                                     |  |
| $sx_{83} \geq sx_{720} + tx_{720}$  |                                     |  |
| $sx_{84} \geq sx_{83} + tx_{83}$    |                                     |  |
| $sx_{85} \geq sx_{721} + tx_{721}$  |                                     |  |
| $sx_{86} \geq sx_{716} + tx_{716}$  |                                     |  |

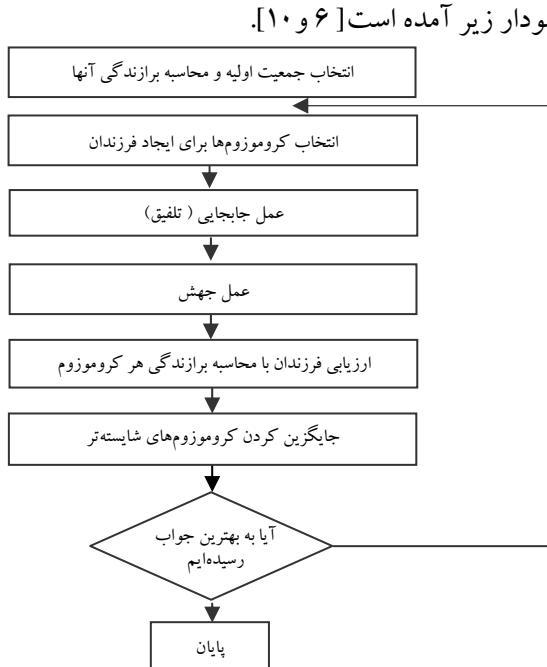
$sx\ 87 \geq sx\ 81 + tx\ 81$   
 $sx\ 88 \geq sx\ 77 + tx\ 77$   
 $sx\ 89 \geq sx\ 719 + tx\ 719$   
 $sx\ 810 \geq sx\ 721 + tx\ 721$   
 $sx\ 810 \geq sx\ 720 + tx\ 720$   
 $sx\ 811 \geq sx\ 74 + tx\ 74$   
 $sx\ 811 \geq sx\ 83 + tx\ 83$   
 $sx\ 811 \geq sx\ 716 + tx\ 716$   
 $sx\ 812 \geq sx\ 89 + tx\ 89$   
 $sx\ 812 \geq sx\ 815 + tx\ 815$   
 $sx\ 813 \geq sx\ 83 + tx\ 83$   
 $sx\ 814 \geq sx\ 83 + tx\ 83$   
 $sx\ 815 \geq sx\ 72 + tx\ 72$   
 $sx\ 816 \geq sx\ 83 + tx\ 83$   
 $sx\ 817 \geq sx\ 83 + tx\ 83$   
 $sx\ 91 \geq sx\ 84 + tx\ 84$   
 $sx\ 92 \geq sx\ 91 + tx\ 91$   
 $sx\ 92 \geq sx\ 103 + tx\ 103$   
 $sx\ 94 \geq sx\ 92 + tx\ 92$   
 $sx\ 95 \geq sx\ 816 + tx\ 816$   
 $sx\ 96 \geq sx\ 94 + tx\ 94$   
 $sx\ 93 \geq sx\ 92 + tx\ 92$   
 $sx\ 97 \geq sx\ 92 + tx\ 92$   
 $sx\ 98 \geq sx\ 92 + tx\ 92$   
 $sx\ 101 \geq sx\ 816 + tx\ 816$   
 $sx\ 102 \geq sx\ 101 + tx\ 101$   
 $sx\ 103 \geq sx\ 102 + tx\ 102$   
 $sx\ 104 \geq sx\ 101 + tx\ 101$   
 $sx\ 105 \geq sx\ 104 + tx\ 104$   
 $sx\ 105 \geq sx\ 718 + tx\ 718$   
 $sx\ 111 \geq sx\ 817 + tx\ 817$   
 $sx\ 112 \geq sx\ 103 + tx\ 103$   
 $sx\ 112 \geq sx\ 105 + tx\ 105$   
 $sx\ 112 \geq sx\ 722 + tx\ 722$   
 $sx\ 113 \geq sx\ 814 + tx\ 814$   
 $sx\ 114 \geq sx\ 76 + tx\ 76$   
 $sx\ 114 \geq sx\ 713 + tx\ 713$   
 $sx\ 114 \geq sx\ 93 + tx\ 93$   
 $sx\ 114 \geq sx\ 97 + tx\ 97$   
 $sx\ 114 \geq sx\ 98 + tx\ 98$   
 $sx\ 115 \geq sx\ 114 + tx\ 114$   
 $sx\ 116 \geq sx\ 115 + tx\ 115$   
 $sx\ 117 \geq sx\ 116 + tx\ 116$   
 $sx\ 114 \geq sx\ 810 + tx\ 810$   
 $sx\ 114 \geq sx\ 113 + tx\ 113$   
 $sx\ 114 \geq sx\ 96 + tx\ 96$

|        |        |        |   |        |
|--------|--------|--------|---|--------|
| sx 113 | $\geq$ | sx 811 | + | tx 811 |
| sx 111 | $\geq$ | sx 812 | + | tx 812 |
| sx 113 | $\geq$ | sx 111 | + | tx 111 |
| sx 117 | $\geq$ | sx 112 | + | tx 112 |
| sx 111 | $\geq$ | sx 813 | + | tx 813 |
| sx 113 | $\geq$ | sx 85  | + | tx 85  |
| sx 114 | $\geq$ | sx 86  | + | tx 86  |
| sx 113 | $\geq$ | sx 87  | + | tx 87  |
| sx 111 | $\geq$ | sx 88  | + | tx 88  |
| sx 121 | $\geq$ | sx 117 | + | tx 117 |
| sx 122 | $\geq$ | sx 121 | + | tx 121 |
| sx 123 | $\geq$ | sx 122 | + | tx 122 |
| sx 124 | $\geq$ | sx 123 | + | tx 123 |
| sx 74  | $\geq$ | sx 62  | + | tx 62  |
| sx 719 | $\geq$ | sx 78  | + | tx 78  |
| K      | $\geq$ | 3      |   |        |
| L      | $\leq$ | 7      |   |        |

حال بعد از مشخص شدن محدودیت ها و تابع هدف مسئله، برای رسیدن به جواب های ممکن و قابل قبول و مهم تر از همه دستیابی به جواب بینه باید به چهار سؤال اصلی پاسخ دهیم. البته جواب هر سؤال باید بصورت دستور العمل های کامپیوترا در C++ نوشته شود. اول اینکه اولویت بندی مسئله برای تخصیص فعالیت ها چیست؟ دوم، برنامه چگونه فعالیت ها را تخصیص دهد؟ سوم، بعد از تخصیص فعالیت ها کارایی خط مونتاژ چه میزان است؟ و چهارم اینکه آیا می توان با استفاده از مکانیزم الگوریتم ژنتیک به جوابی بهتر دست یافت؟

اما راهکار پیشنهادی در این مقاله برای پاسخ به سؤال اول این که ابتدا زمان هر فعالیت به اضافه زمان فعالیت های وابسته به آن می شود و سپس فعالیت ها به ترتیب اولویت زمانی از طولانی ترین زمان به کوتاهترین زمان فهرست می شود. در مورد پاسخ به دو مورد سؤال باید اولویت بندی فعالیت ها برای تخصیص مشخص می شود. در مورد پاسخ به دو مورد اولویت بندی فعالیت ها با حداقل تعداد ایستگاه و نفرات که به ترتیب ۳ و ۳ تعیین شده شروع می کنیم و گفت ابتدا با حداقل تعداد ایستگاه و نفرات که به ترتیب ۳ و ۳ تعیین شده در ایستگاه ها نوشته برنامه مورد نظر در C++ برای تعیین حالت های مختلف چیدمان افراد در ایستگاه ها نوشته می شود و با توجه به اولویت بندی مشخص شده در گام قبل و تعیین محدوده زمانی برای هر فرد بعنوان سیکل تولید - محدوده به این صورت تعیین می شود که ابتدا کل زمان فعالیت ها که شامل ۴۲۸۴ ثانیه است بر تعداد ایستگاه تعیین شده توسط نرم افزار تقسیم می شود و بعنوان حداکثر زمان آن ایستگاه در نظر گرفته می شود سپس برنامه با کاهش ۱٪ این زمان در هر مرحله حل، به بهترین زمان تخصیص داده شده به نفرات می رسد - فعالیت ها را تخصیص می دهد. حال برای اینکه درصد کارایی در روش عددی به دست آید، کل زمان مفیدی که کارگران در کل خط مشغول به کار بوده اند را محاسبه و آن را بر حاصل

بیشترین زمان موجود در خط ضرب در تعداد کل افراد موجود تقسیم می‌کنیم. بعد از این مراحل قصد داریم تا در صورت امکان با استفاده از مکانیزم الگوریتم ژنتیک به جوابی بهتر از حالت قبل برسیم. در اینجا باید برنامه مراحل پیاده سازی الگوریتم ژنتیک در C++ نوشته شود. ابتدا جمعیت اولیه از بین جواب‌های موجود در روش عددی بصورت تصادفی انتخاب می‌شود. لازم به ذکر است هر جواب بعنوان یک کروموزوم در نظر گرفته شده و سپس برای هر کروموزوم با توجه بهتابع هدف مسئله مقدار برازنده‌گی تعیین می‌شود. عملگر تلفیق در این مسئله بدین شکل عمل می‌کند که بعد از انتخاب دو کروموزوم بر اساس اصل بقای بهترین‌ها، تعداد نفرات یک کروموزوم و فعالیت‌های تخصیص داده شده به کروموزوم دیگر را قطع می‌دهد و فرزند جدیدی را با خواص بهتری نسبت به والدین خود ایجاد می‌کند بعد از آن عملگر جهش در صورتی که در فرزند ایجاد شده توازن بین تعداد نفرات و فعالیت‌های تخصیص داده شده به هم خورده باشد وارد عمل می‌شود و سعی می‌کند با جابجا کردن فعالیت‌های ژنهای کناری تعادل جدید و بهتری را دوباره ایجاد کند و بعد از آن نیز دوباره مقدار برازنده‌گی برای فرزندان ایجاد شده محاسبه می‌شود و مراحل تا رسیدن به معیار توقف که در این مسئله خاص ایجاد جواب‌های بهتر از روش عددی است تکرار می‌شود. به طور خلاصه گام‌های الگوریتم ژنتیک برای رسیدن به جواب در نمودار زیر آمده است [۱۰ و ۱۱].



نمودار ۲. گام‌های الگوریتم ژنتیک

در زیر بهترین خروجی نرم افزار که جواب مسئله می‌باشد، نشان داده شده است.

#### نگاره ۲. جواب مسئله

| جواب بهینه در روش<br>الکتووینم ژنتیک |                        | جواب بهینه در روش<br>عددی |                             | تعداد کارگران | تعداد ایستگاه بهینه |
|--------------------------------------|------------------------|---------------------------|-----------------------------|---------------|---------------------|
| ۹۵۳۰۵۹                               |                        | ۹۵۲۸۴۷                    |                             | ۵             | ۴                   |
| ایستگاه ۱ و کارگر ۱                  |                        |                           |                             |               |                     |
| تعداد<br>فعالیت                      | زمان<br>شروع<br>فعالیت | ترتیب<br>انجام<br>فعالیت  | زمان<br>استاندارد<br>فعالیت |               |                     |
| ۱                                    | ۰                      | D1                        |                             |               |                     |
| ۲                                    | ۳۴                     | D2                        |                             |               |                     |
| ۳                                    | ۷۹                     | D3                        |                             |               |                     |
| ۴                                    | ۱۴۲                    | F4                        |                             |               |                     |
| ۵                                    | ۱۷۴                    | B1                        |                             |               |                     |
| ۶                                    | ۲۲۸                    | B2                        |                             |               |                     |
| ۷                                    | ۲۴۷                    | H1                        |                             |               |                     |
| ۸                                    | ۲۸۷                    | H2                        |                             |               |                     |
| ۹                                    | ۳۳۲                    | D4                        |                             |               |                     |
| ۱۰                                   | ۳۶۵                    | D5                        |                             |               |                     |
| ۱۱                                   | ۴۰۰                    | H9                        |                             |               |                     |
| ۱۲                                   | ۴۶۰                    | H19                       |                             |               |                     |
| ۱۳                                   | ۵۱۲                    | H20                       |                             |               |                     |
| ۱۴                                   | ۵۳۲                    | H21                       |                             |               |                     |
| ۱۵                                   | ۵۵۱                    | H22                       |                             |               |                     |
| ۱۶                                   | ۵۷۶                    | H23                       |                             |               |                     |
| ۱۷                                   | ۵۹۴                    | H10                       |                             |               |                     |
| ۱۸                                   | ۶۳۲                    | H11                       |                             |               |                     |
| ۱۹                                   | ۶۵۰                    | H12                       |                             |               |                     |
| ۲۰                                   | ۶۹۲                    | H13                       |                             |               |                     |
| ۲۱                                   | ۷۰۷                    | C1                        |                             |               |                     |
| ۲۲                                   | ۷۳۳                    | C2                        |                             |               |                     |
| ۲۳                                   | ۷۶۳                    | C3                        |                             |               |                     |
| ۲۴                                   | ۷۸۳                    | H8                        |                             |               |                     |
| ۲۵                                   | ۸۰۶                    | H14                       |                             |               |                     |
| ۲۶                                   | ۸۵۶                    | H15                       |                             |               |                     |
| ۲۷                                   | ۸۹۶                    |                           |                             |               |                     |

| ایستگاه ۲ و کارگر ۱ |                        |                          |                             |  |  |
|---------------------|------------------------|--------------------------|-----------------------------|--|--|
| تعداد<br>فعالیت     | زمان<br>شروع<br>فعالیت | ترتیب<br>انجام<br>فعالیت | زمان<br>استاندارد<br>فعالیت |  |  |
| ۱                   | ۸۹۶                    | H3                       |                             |  |  |
| ۲                   | ۹۵۵                    | G1                       |                             |  |  |
| ۳                   | ۱۰۰۰                   | G2                       |                             |  |  |
| ۴                   | ۱۰۳۴                   | H4                       |                             |  |  |
| ۵                   | ۱۰۶۳                   | H5                       |                             |  |  |
| ۶                   | ۱۱۲۸                   | H6                       |                             |  |  |
| ۷                   | ۱۱۴۵                   | H7                       |                             |  |  |
| ۸                   | ۱۱۶۹                   | K1                       |                             |  |  |
| ۹                   | ۱۲۱۸                   | K3                       |                             |  |  |
| ۱۰                  | ۱۲۸۸                   | K4                       |                             |  |  |
| ۱۱                  | ۱۳۹۳                   | K5                       |                             |  |  |
| ۱۲                  | ۱۴۸۵                   | K6                       |                             |  |  |
| ۱۳                  | ۱۵۹۳                   | K7                       |                             |  |  |
| ۱۴                  | ۱۷۰۰                   | K9                       |                             |  |  |
| ۱۵                  | ۱۷۸۷                   | K18                      |                             |  |  |
| ۱۶                  | ۱۷۹۵                   |                          |                             |  |  |

ادامہ نگارہ ۲۔ جواب مسئلہ

| بیشترین زمان این کارگر (ایستگاه) ۸۹۶ ثانیه |                  |                    |                       | بیشترین زمان این کارگر (ایستگاه) ۸۹۹ ثانیه |                  |                    |                       |
|--|------------------|--------------------|-----------------------|--|------------------|--------------------|-----------------------|
| ایستگاه ۲ و کارگر ۲                        |                  |                    |                       | ایستگاه ۳ و کارگر ۱                        |                  |                    |                       |
| تعداد فعالیت                               | زمان شروع فعالیت | ترتیب انجام فعالیت | زمان استاندارد فعالیت | تعداد فعالیت                               | زمان شروع فعالیت | ترتیب انجام فعالیت | زمان استاندارد فعالیت |
| ۱  | ۸۹۶              | E1                 |                       | ۱  | ۱۷۹۵             | N1                 |                       |
| ۲  | ۹۳۴              | E2                 |                       | ۲  | ۱۸۱۰             | N2                 |                       |
| ۳  | ۹۷۶              | E3                 |                       | ۳  | ۱۸۴۲             | N3                 |                       |
| ۴  | ۹۹۷              | E4                 |                       | ۴  | ۱۸۹۴             | N4                 |                       |
| ۵  | ۱۰۱۵             | H16                |                       | ۵  | ۱۹۵۰             | N5                 |                       |
| ۶  | ۱۰۳۴             | H17                |                       | ۶  | ۱۹۹۱             | M1                 |                       |
| ۷  | ۱۰۷۳             | H18                |                       | ۷  | ۲۰۰۴             | M2                 |                       |
| ۸  | ۱۱۱۰             | F1                 |                       | ۸  | ۲۰۶۲             | M3                 |                       |
| ۹  | ۱۱۲۵             | F2                 |                       | ۹  | ۲۰۹۵             | M4                 |                       |
| ۱۰   | ۱۱۶۲             | F3                 |                       | ۱۰   | ۲۱۴۶             | M5                 |                       |
| ۱۱   | ۱۱۸۵             | K8                 |                       | ۱۱   | ۲۱۸۲             | M6                 |                       |
| ۱۲   | ۱۲۲۴             | K10                |                       | ۱۲   | ۲۲۲۵             | M7                 |                       |
| ۱۳   | ۱۲۸۰             | K11                |                       | ۱۳   | ۲۲۸۸             | M8                 |                       |
| ۱۴   | ۱۴۰۹             | K12                |                       | ۱۴   | ۲۳۲۵             | M9                 |                       |
| ۱۵   | ۱۵۳۹             | K13                |                       | ۱۵   | ۲۳۳۶             | P1                 |                       |
| ۱۶   | ۱۵۷۹             | K14                |                       | ۱۶   | ۲۳۶۷             | P2                 |                       |
| ۱۷   | ۱۶۰۷             | K15                |                       | ۱۷   | ۲۳۹۷             | P3                 |                       |
| ۱۸   | ۱۶۴۴             | K16                |                       | ۱۸   | ۲۴۷۲             | P4                 |                       |
| ۱۹   | ۱۷۰۸             | K17                |                       | ۱۹   | ۲۴۹۵             | R1                 |                       |
| ۲۰   | ۱۷۶۳             | K2                 |                       | ۲۰   | ۲۶۹۰             |                    |                       |
| ۲۱   | ۱۷۸۷             |                    |                       |  |                  |                    |                       |
| بیشترین زمان این کارگر (ایستگاه) ۸۹۱ ثانیه |                  |                    |                       | بیشترین زمان این کارگر (ایستگاه) ۸۹۵ ثانیه |                  |                    |                       |
| ایستگاه ۴ و کارگر ۱                        |                  |                    |                       | زمان استاندارد فعالیت                      |                  |                    |                       |
| تعداد فعالیت                               | زمان شروع فعالیت | ترتیب انجام فعالیت | زمان استاندارد فعالیت | P5   |                  |                    |                       |
| ۱  | ۲۶۹۰             |                    |                       | P6   |                  |                    |                       |
| ۲  | ۲۷۱۳             |                    |                       | P7   |                  |                    |                       |
| ۳  | ۲۷۳۵             |                    |                       | R2   |                  |                    |                       |
| ۴  | ۲۷۵۰             |                    |                       | R3   |                  |                    |                       |
| ۵  | ۳۰۸۰             |                    |                       | R4   |                  |                    |                       |
| ۶  | ۳۲۶۳             |                    |                       |  |                  |                    |                       |
| ۷  | ۳۳۹۳             |                    |                       |  |                  |                    |                       |
| بیشترین زمان این کارگر (ایستگاه) ۷۰۳ ثانیه |                  |                    |                       |  |                  |                    |                       |

همانطور که در بالا مشاهده می‌شود بیشترین مقدار کارآبی مربوط به ۴ ایستگاه و ۵ کارگر است.

= کارایی خط مونتاژ

$$(899-896) + (899-899) + (899-891) + (899-895) + (899-803) / 5 * 99 = .953$$

یا

$$= 896+899+891+895+803 / 5 * 899 = .953$$

$$= ۲۸,۳۶ / ۸۹۹ = ۰,۰۲۵ \text{ (دقیقه)} = \text{تعداد موتور تولید شده در روز بعد از اجرای پروژه}$$

$$(\text{ثانیه}) ۵۹ \text{ و (دقیقه) } ۱۴ = (\text{ثانیه}) ۸۹۹ = \text{سیکل خط مونتاژ بعد از اجرای پروژه}$$

$$(\text{ثانیه}) ۲۱ \text{ و (دقیقه) } ۱۶ = (\text{ثانیه}) ۹۸۱ = (\text{مотор}) ۲۶ \text{ (دقیقه) } ۰,۰۲۵ = \text{سیکل خط مونتاژ قبل از اجرای پروژه}$$

$$۹۵ = \text{درصد موتور تولید شده به تعداد مطلوب بعد از اجرای پروژه}$$

$$۸۷ = \text{درصد موتور تولید شده به تعداد مطلوب قبل از اجرای پروژه}$$

از حل مسئله می‌توان نتیجه گرفت با توجه به درصد موتور تولید شده به تعداد مطلوب

قبل از اجرای پروژه که عبارت بود از ۸۷٪ و درصد موتور تولید شده به تعداد مطلوب بعد

از انجام پروژه که ۹۵٪ شده است، انجام پروژه موازن خط مونتاژ در کارخانه‌های مونتاژی

بسیار لازم و ضروری است. البته بعد از بدست آوردن جواب مسئله به طرق مختلف نیز

می‌توان با تخصیص مجدد فعالیت‌ها به کارگران و مشاهده نحوه کار آنها، برای بهتر شدن

جواب‌ها و نحوه تخصیص بهینه‌تر به اصلاح نحوه انجام فعالیت‌ها پرداخت.

مزایای افزایش کارایی بعد از انجام پروژه را می‌توان بصورت خلاصه در نگاره زیر

مشاهده کرد.

نگاره ۳. میزان افزایش کارایی

| توضیحات   | قبل از اجرای پروژه   | بعد از اجرای پروژه  |
|---|----------------------|---------------------|
| تعداد موتور مونتاژ شده در هر روز                | ۲۸,۳۶                | ۲۶                  |
| افزایش تعداد موتور تولید شده بعد از انجام پروژه | ۲,۳۶                 | -                   |
| درصد موتور تولید شده به تعداد مطلوب             | ۹۵                   | ۸۷                  |
| درصد کارایی خط مونتاژ                           | ۹۵                   | -                   |
| زمان مونتاژ هر موتور سیکلت                      | ۱۶ دقیقه و ۲۱ ثانیه  | ۱۴ دقیقه و ۵۹ ثانیه |
| کاهش بیکاری در خط مونتاژ                        | ۱۴ دقیقه و ۲۲ ثانیه  | -                   |
| تعداد افراد مشغول به کار در خط مونتاژ           | ۵ نفر                | ۶ نفر               |
| افزایش سودآوری در هر روز (سود هر موتور)         | (۲,۳۶ * ۳۵۰۰۰) ۸۲۶۰۰ | -                   |
| (۳۵۰۰۰)   |                      |                     |

## نتایج

نتایجی که بعد از اجرای پروژه موازنۀ خط مونتاژ در کارخانه موتورسازی گرفته شد را می‌توان بصورت خلاصه اینگونه بیان کرد . با اجرای پروژه موازنۀ خط مونتاژ، می‌توان تا حدودی بیکاری‌های آشکار و پنهان خط را شناسایی کرد و برای رفع آنها برنامه‌ریزی نمود. بین موازنۀ خط مونتاژ و افزایش بهره‌وری رابطه‌ای مستقیم وجود دارد زیرا همانطور که از نتایج پروژه بر می‌آید بعد از اجرای موازنۀ خط هم بیکاری خط به میزان ۱ دقیقه و ۲۲ ثانیه کم شد هم توансیم از نیروی کار مازاد در این خط در قسمت‌های دیگر کارخانه استفاده کنیم، که خلاصه همه اینها افزایش کارایی و سود آوری کارخانه شد. بطور عینی مشاهده شد که استفاده از روش‌های تجسسی و بطور اخص استفاده از مکانیزم الگوریتم ژنتیک باعث بهترشدن جواب‌ها شد. بنابراین باید در نظر داشت تا هر چه بهتر و کاراتر از روش‌های تجسسی در صنعت استفاده کنیم .

## منابع

۱. الوانی ، سید مهدی و نصرالله... میر شفیعی (۱۳۷۸). مدیریت تولید، مشهد: شرکت به نشر.
۲. جعفرنژاد قمی، عین الله و رمضان عباس‌نژاد (۱۳۸۱). آموزش گام به گام برنامه نویسی با ویژوال + C، انتشارات علوم رایانه.
۳. خوش الحان اسپیلی ، فرید (۱۳۷۶). حل مسئله موازنۀ خط تولید فازی بوسیله الگوریتم ژنتیکی، دانشگاه تربیت مدرس.
۴. راثو ، اس. اس (۱۳۷۳). بهینه سازی تئوری و کاربرد، مترجم محمد مهدی شهیدی‌پور، چاپ اول ، انتشارات دانشگاه فردوسی مشهد.
۵. درهمی، شهاب (۱۳۸۵). موازنۀ خط تولید با استفاده از برنامه‌ریزی چند هدفه، دانشگاه بوعلی.
۶. سهرابی ، بابک (۱۳۷۵). کاربرد الگوریتم توارثی در برنامه‌ریزی بهینه تعویض قطعات طرح‌ریزی تعمیرات و نگهداری، دانشگاه شیراز.
۷. سید حسینی، محمد و سعید صفا کیش (۱۳۸۵). مدیریت تولید و عملیات، انتشارات سازمان مدیریت صنعتی.

۸. صادقیه، احمد(۱۳۸۴). تصمیم‌گیری بر اساس الگوریتم ژنتیک در بهینه‌سازی، انتشارات بیزد.
۹. علی احمدی، علیرضا(۱۳۷۹). ارزیابی کار و زمان، انتشارات دانشگاه علم و صنعت.
۱۰. فقیه، نظام الدین و علی هنرور(۱۳۸۳). الگوریتم ژنتیک در برنامه‌ریزی بازرگانی پیشگیرانه، انتشارات نسیم حیات.
۱۱. لوکاس، کارو و بهنام مهدوی(۱۳۷۲). یک روش یادگیری برای شبکه‌های عصبی با استفاده از الگوریتم‌های تصادفی، امیر کبیر، نشریه علمی و فنی دوره ششم، شماره ۲۳.
۱۲. مرعشی، سید نصرالله(۱۳۸۰). ارزیابی کار و زمان، تهران: کارآفرینان بصیر.
13. Cheng,R.,Gen,M.,and Tsujimura,Y.,(1999)" A Tutorial Survey of Job Shop Scheduling Problems Using Genetic Algorithm, part ii:Hybrid Genetic Search Strategies"*Computers&Industrial.Engineering*,vol.36(2).
14. Cheng,R.,Gen,M.,and Tsujimura,Y.,(1999)"A Tutorial Survey of Job Shop Scheduling Problems Using Genetic Algorithm, part ii:Hybrid Genetic Search Strategies "*Computers & Industrial. Engineering*, vol.37(1-2).
15. Dagli,C.H.,and Sittisathanchai,S.,(1995)"Genetic Neuro-Scheduler: A New Approach for Job Shop Scheduling"*International Journal of Production Economics*,vol.41(1-3).
16. Falkenauer, Emane(1997) ,*Genetic Algorithms and Grouping Problems*.
17. Fukuyama .Y,H.D.Chiang,(1996)" A parallel genetic algorithm for generation expansion planning"*IEEE Trans.On Power System*, 11, no .3.
18. Lavitin, Gregory and Rubinovitz, Jacob and shnits,Boris (2004) , "A genetic algorithm for robotic assembly line balancing", *European Journal of Operational Research*.no. 168.
19. Mc,M.S,s.m.Gupta(2005),"A balancing method and genetic algorithm for disassembly line balancing", *European Journal of Operational Research* , vol.40 no.179.
20. Park,J.B. and others,(2000), "An improved genetic algorithm for generation capacity expansion planning " *IEEE Trans.On Power System*, vol 15, no .3.