

تعیین الگوی توزیع زمانی بارندگی در ایستگاه‌های منتخب استان خراسان

سهراب حجام^{*} و فاطمه مالکی‌فرد^{*}

موسسه زئوفیزیک دانشگاه تهران، صندوق پستی ۶۴۶۵۵-۶۴۱۵۵، تهران
پذیرش مقاله: ۰۱/۰۷/۰۱ دریافت مقاله: ۰۱/۰۳/۱۸

چکیده

پیشرفت‌های دهه‌های اخیر موجب تغییر الگوی شهرنشینی و گسترش شهرها و کاهش حریم‌های طبیعی (جنگل‌ها، مراتع و ...) شده است که کاهش سطح پوشش گیاهی، افزایش فرسایش خاک، افزایش مقدار ضریب جریان سطحی و در نتیجه افزایش دبی حاصل از بارندگی و سیلاب را به دنیال داشته است. این تغییرات بررسی سیلاب‌ها را در طراحی زهکش‌ها و کانال‌های آبروی شهرها و بطرور کلی تمام پروژه‌های منابع آب اجتناب ناپذیر ساخته است. برای برآورد سیلاب طرح ابتدا باید رگبار طرح برآورد شود. استفاده از رگبار طرح در روش‌های برآورد سیلاب نیاز به بررسی توزیع زمانی مقادیر بارش در طول دوره بارش دارد. در این مقاله پس از معرفی چند روش تعیین الگوی توزیع زمانی بارش، دو روش ترسیمی پیل گریم و هاف که در آنها از داده‌های محلی استفاده می‌شود، برای تعیین الگوی توزیع زمانی بارش در برخی ایستگاه‌های منتخب استان خراسان مورد استفاده قرار گرفت. ملاحظه شد که در روش پیل گریم تغییر تداوم رگبار تقریباً تاثیری روی الگوی توزیع زمانی بارش نمی‌گذارد، اما در روش هاف این تغییر به خوبی مشاهده شد. لذا نتیجه گرفته شد که روش پیل گریم، روش مناسبی برای تعیین الگوی توزیع زمانی بارش در ایستگاه‌های استان خراسان نیست. در آنها از مطالعاتی است و افزون بر آن عمدۀ پژوهش‌های محققین شناخته شده جهانی در آن منطقه صورت پذیرفته است مقایسه اولاً هم عرض بودن تقریباً آن با منطقه مطالعاتی است و افزون بر آن عمدۀ پژوهش‌های محققین شناخته شده جهانی در آن منطقه صورت پذیرفته است و در بیشتر موارد الگوی مناطق مطالعه نشده قرار می‌گیرد. مشاهده شد که این دو الگو کاملاً با هم متفاوت‌اند و نمی‌توان از الگوی استان ایلی‌نویز امریکا برای استان خراسان استفاده کرد.

کلیدواژه: الگوی توزیع زمانی بارندگی، بارندگی، رواناب، باران طرح، سیلاب طرح

۱ مقدمه

جبهه‌های توفان‌زا به درون حوضه، خصوصیات توپوگرافی و جریان‌های محلی حاکم بر منطقه مشخص شود (وزیری، ۱۳۷۶). بحث تفصیلی در مورد چگونگی تعیین مقدار کل، تداوم کل و توزیع مکانی بارش خارج از دامنه موضوع این مقاله است. باران طراحی با تداوم a و مقدار کل p دارای شدت ثابت و یکنواخت نیست و در عمل دارای شدت‌های متفاوت است. برای تعیین توزیع شدت باران طرح باید از الگویی مناسب استفاده کرد که این الگو چگونگی ریزش باران در طی زمان بارندگی را تعیین می‌کند (علیزاده، ۱۳۷۶). این الگوهای نمودارهای متعدد توزیع زمانی باران را برای هر تداوم با دوره برگشت‌ها و یا احتمالات متفاوت ارائه می‌کنند (هاف، ۱۹۶۷). با استفاده از این الگوها می‌توان نقطه اوج، زمان رسیدن به نقطه اوج بارندگی و همچنین

یکی از مهم‌ترین مطالعات پروژه‌های منابع آب، به ویژه در طرح‌های سدسازی، برآورد سیلاب طراحی است. گام نخست در برآورد سیلاب طراحی، انتخاب باران طرح است (وايزمن، ۱۹۹۶). باران طراحی که پایه سیلاب طراحی است با چند خصوصیت معرفی و مشخص می‌شود که عبارت‌اند از تداوم کل، مقدار کل، توزیع مکانی و توزیع زمانی باران. مقدار کل باران طراحی بر اساس درجه ایمنی مورد نیاز پروژه تعیین می‌شود (مقدار کل باران طراحی را معمولاً از طریق منحنی‌های شدت - مدت - فراوانی برای یک دوره بازگشت خاص و طول بارش معین برآورد می‌کنند). تداوم کل با توجه به ویژگی‌های جغرافیایی حوضه و قدرت تعدل یا ظرفیت ذخیره حوضه انتخاب می‌شود. در توزیع مکانی باران طراحی باید مسیر ورود رطوبت و

روش‌ها دارای ویژگی‌های خاص خود هستند و از نقاط قوت و ضعفی نیز برخوردارند. مروری اجمالی بر تعدادی از روش‌های ترسیمی و محاسباتی که در نقاط مختلف جهان رایج است نشان می‌دهد، که در جریان نهیۀ الگوی باران طراحی، نظرهای کارشناسی به درجات متنوعی مطرح می‌شود. اگرچه این امر ایرادی ندارد اما از یکدستی و یکنواختی نتایج می‌کاهد و امکان رسوخ اشتباہات و یا ضعف‌های تجربه فردی در محاسبات سیلاب طراحی را افزایش می‌دهد. بدیهی است در مواردی که پرتوهای بسیار مهم و حساس مطرح باشند، ویژگی این گونه طرح‌ها ایجاب می‌کند که انواع روش‌های مناسب مورد توجه قرار گیرند و هبیج گونه محدودیتی درباره روش کار برقرار نشود (بزرگ‌زاده، ۱۳۷۴). به طور کلی در هر دو روش رایج در زبان و چین یکی از الگوهای ثبت شده در منطقه را به عنوان مبنای کار استفاده می‌کنند و با اعمال ضربی یا ضرایب در الگوی منتخب، الگوی باران طراحی را به دست می‌آورند، در حالی که در روش کار استرالیا به جای استفاده از الگوی ثبت شده، سعی می‌شود یک الگوی میانگین از میان مجموعه‌ای از بارش‌های مهم منطقه استخراج شود. هاف مدل‌های توزیع زمانی را به صورت توزیع احتمالی ارائه کرده است (هاف، ۱۹۹۰ و ۱۹۶۷). چون تغییرات زیادی در توزیع زمانی بارش از یک رگبار به رگبار دیگر وجود دارد، معرفی کردن این الگوهای به صورت احتمالات با اهمیت است. روش‌های مبتنی بر استفاده از روابط شدت - مدت - فراوانی به علت غیر واقعی بودن نتایج به دست آمده، از قابلیت اعتماد خوبی برخوردار نیستند. زیرا در این روش دید کارشناسی متفاوت است به طوری که کارشناس می‌تواند با سلیقه خود، شدیدترین قسمت رگبار را در طول توزیع زمانی جایه‌جا کند، مثلاً بعضی افراد آن را در ابتدای توزیع زمانی قرار می‌دهند و بعضی در میانه توزیع زمانی و ... استفاده از روش‌های نظری نیز به علت نیاز به ارزیابی و مقایسه نتایج با الگوهای واقعی بارش، نیازمند زمان و مطالعه بیشتری هستند.

توزیع این بارندگی در تداوم مورد نظر را تعیین کرد. الگوی توزیع زمانی باران که در واقع نحوه تغییر شدت بارش در طول مدت بارندگی را معرفی می‌کند، تاثیر مستقیمی بر حجم و اوج سیلاب می‌گذارد. این الگوهای باید برای هر حوضه با استفاده از داده‌های بارندگی همان حوضه تهیه شود زیرا برای مناطقی که اقلیم متفاوت دارند این الگوهای یکسان نخواهد بود (پانی و هاراگان، ۱۹۸۱).

۲. روش‌های استخراج الگوی باران طراحی

از آنجا که توزیع زمانی بارندگی تاثیر مستقیمی بر حجم و اوج سیلاب می‌گذارد، تعیین یا انتخاب الگوی توزیع بارندگی مناسب، نیز با اهمیت است (ماکسیموویک، ۱۹۹۶). روش‌های متفاوتی برای تعیین الگوی توزیع زمانی باران طراحی وجود دارد. چند روش رایج عبارت‌اند از:

۱- استخراج الگوی میانگین به روش ترسیمی (استرالیا - امریکا)

۲- انتخاب یکی از الگوهای "تیپ" موجود برای منطقه (امریکا - انگلستان)

۳- استفاده از ضربی بزرگنمایی ثابت برای داده‌های محلی (ژاپن)

۴- استفاده از ضربی بزرگنمایی متغیر برای داده‌های محلی (چین)

۵- ترسیم الگوی پوش بارش‌های شدید ثبت شده (بیشینه‌سازی ترسیمی)

۶- استفاده از رابطه شدت - تداوم - فراوانی برای تهیه الگوهای محلی یا منطقه‌ای (بین‌المللی)

۷- تعیین الگوی زمانی بارش با استفاده از احتمال تجربی (هاف، ۱۹۹۰؛ پل گریم و همکاران، ۱۹۹۱؛ وزیری، ۱۳۷۶).

۳. انتخاب روش تعیین الگوی توزیع زمانی بارش

همان‌طور که در بند قبل عنوان شد، روش‌های متعددی برای تعیین الگوی توزیع زمانی بارندگی در دنیا رایج است. هر یک از این

در مرحله بعد، الگوی میانگین تمام ایستگاه‌ها در نمودار رسم شد (شکل ۱۰). ملاحظه می‌شود که الگوی میانگین تمام ایستگاه‌های منتخب استان خراسان تقریباً بر هم منطبق شده است و در نتیجه یک الگوی میانگین توزیع زمانی بارش کلی (با استفاده از روش ترسیمی پیل گریم) به صورت منطقه‌ای برای استان خراسان ارائه شد (شکل ۲).

جدول ۱. تعداد رگبارهای انتخابی (در تداوم‌های مختلف) در ایستگاه‌های مورد مطالعه.

نام ایستگاه	۱ ساعته	۳ ساعته	۶ ساعته	۱۲ ساعته	۲۴ ساعته	۴۸ ساعته	مجموع
بجنورد	۱۴	۱۶	۱۰	۱۰	۲	۰	۵۲
بیرجند	۲۸	۲۹	۲۲	۱۴	۶	۰	۹۹
تریت حیدریه	۴۳	۷۷	۵۶	۴۰	۷	۰	۲۲۳
سبزوار	۱۸	۳۳	۲۱	۲۲	۲۸	۱۱	۱۶۴
گلمکان	۲۵	۱۶	۱۴	۸	۱	۰	۶۴

۴-۴ روش هاف

در این روش ابتدا کلیه رگبارهای هر تداوم (هر ایستگاه به طور جداگانه) بر اساس این که بیشترین شدت بارش در ۲۵ درصد اول، دوم، سوم و چهارم از تداوم رگبار بوده به ترتیب در رگبارهای چارک اول، دوم، سوم و چهارم تقسیم‌بندی شد (هاف ۱۹۹۰؛ هاف و انجل، ۱۹۸۹). سپس احتمالات تجربی ($10, 20, \dots, 90$ درصد) میزان بارش رگبارها (در تمام تداوم‌ها و برای هر ایستگاه به طور جداگانه) در چارک‌های مختلف محاسبه شد. بعد از آن برای هر تداوم الگوی توزیع زمانی بارش در چارک‌های اول، دوم، سوم و چهارم به صورت احتمالات $10 \text{ تا } 90$ درصد ترسیم شد. احتمال 50 درصد، مناسب‌ترین احتمال برای هر تداوم در نظر گرفته شده است. در این روش الگوی توزیع زمانی بارش به صورت احتمالات تجربی و برای دو حالت ایستگاهی و منطقه‌ای به شرح زیر محاسبه شده است.

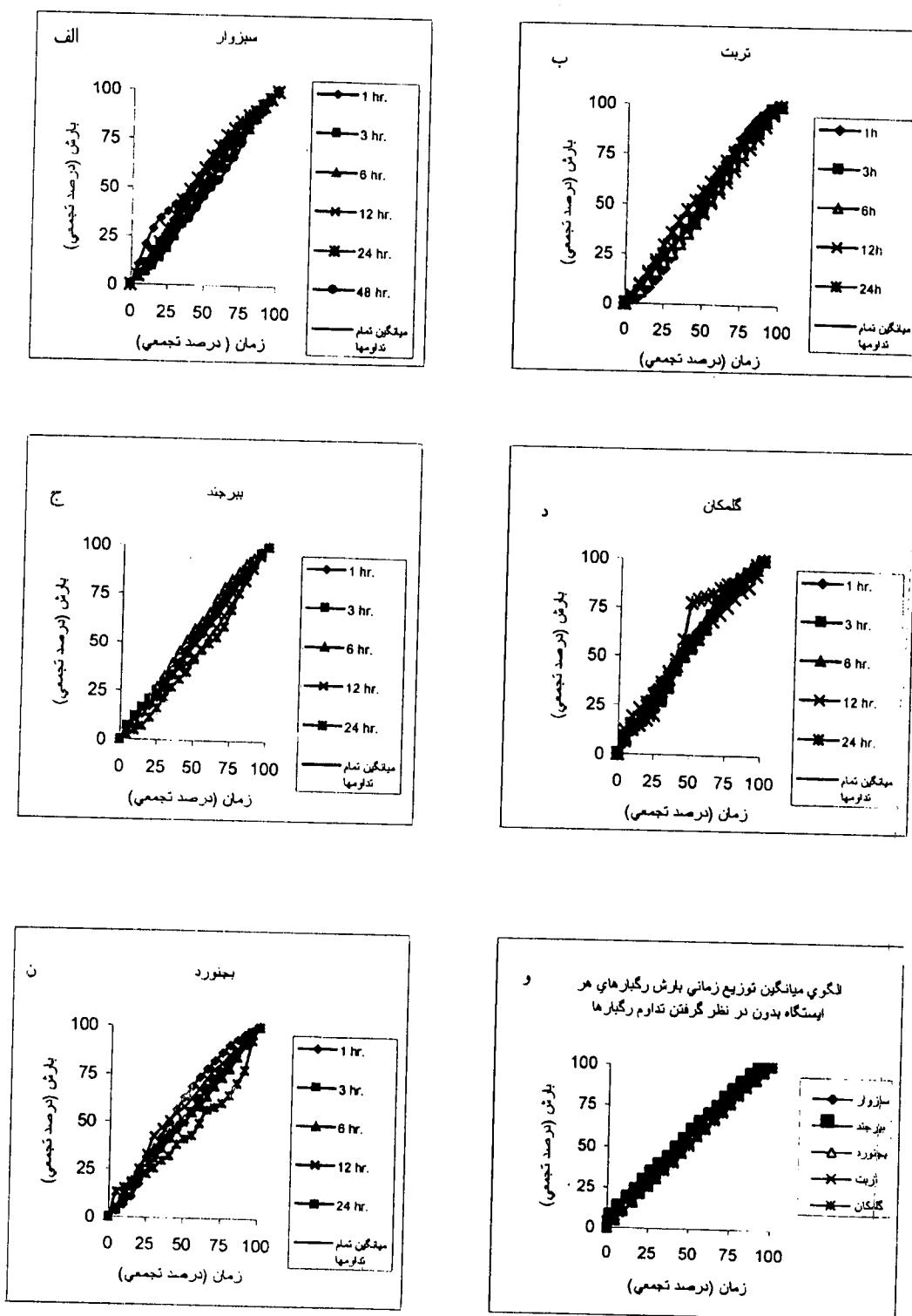
۴ تعیین الگوی توزیع زمانی بارش در استان خراسان به دو روش ترسیمی پیل گریم و هاف

در این تحقیق پس از ارزیابی و بررسی اطلاعات موجود در منطقه مورد مطالعه، دو روش پیل گریم و هاف جهت بررسی انتخاب گردید. علت انتخاب روش‌های یاد شده، گستردنگی استفاده از آن در دیگر نقاط جهان و مقالات نظری بوده است.

۱-۴ روش ترسیمی پیل گریم (پیل گریم و همکاران، ۱۹۹۱)

ابتدا مجموعه‌ای از بارش‌های شدید ثبت شده در ۱۵ ایستگاه باران‌سنج ثبات موجود در استان در ۶ پایه زمانی ($1, 3, 6, 12, 24$ و 48 ساعته) انتخاب شد (جدول شماره ۱). دوره آماری ایستگاه‌های بجنورد و گلمکان به ترتیب 9 و 5 سال و بیرجند، تربت و سبزوار به ترتیب $25, 29$ و 27 سال است. سپس با توجه به فاصله زمانی تجزیه رگبارها، مقادیر بارندگی رگبارها با فاصله زمانی 10 دقیقه برای کلیه رگبارهای انتخابی محاسبه شد.

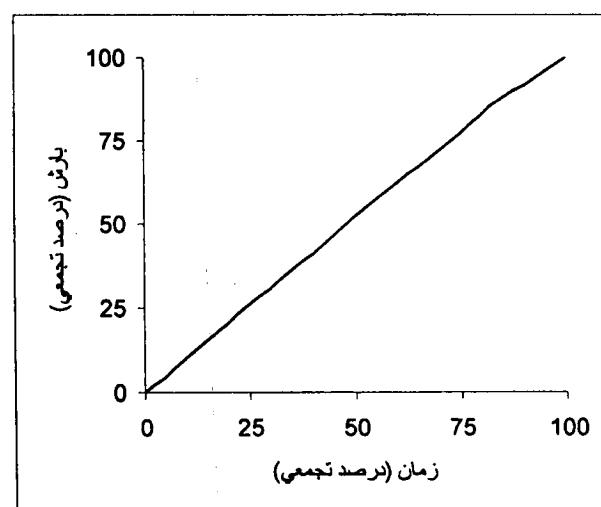
رگبارهای موجود در هر تداومی به صورت بی‌بعد در آمد، و مقادیر بارندگی تجمعی بی‌بعد برای تمام رگبارهای هر تداوم در فاصله‌های 5 درصد زمانی از طریق درون‌یابی به دست آمد. در پی آن (در هر تداوم بطور مجزا) میانگین بارندگی تمام رگبارها از صفر درصد زمانی تا 100 درصد زمانی در بازه‌های 5 تا ۱ محاسبه شد. سپس در یک نمودار، مقادیر میانگین بارندگی بی‌بعد بر حسب مقادیر زمانی بی‌بعد ($0, 5, 10, \dots, 100$) ترسیم شد. بدین ترتیب الگوی میانگین توزیع زمانی بارندگی در هر تداوم به دست آمد (مالکی‌فرد، ۱۳۸۱). در مرحله بعد الگوی میانگین توزیع زمانی هر یک ایستگاه در یک نمودار رسم شد (شکل ۱). همان‌گونه که در شکل دیده می‌شود الگوی میانگین توزیع زمانی تمام تداوم‌های آن ایستگاه در یک نمودار رسم شد (شکل ۱). تمام تداوم‌های هر ایستگاه و همچنین میانگین توزیع زمانی هر یک ایستگاه در یک نمودار رسم شد (شکل ۱).



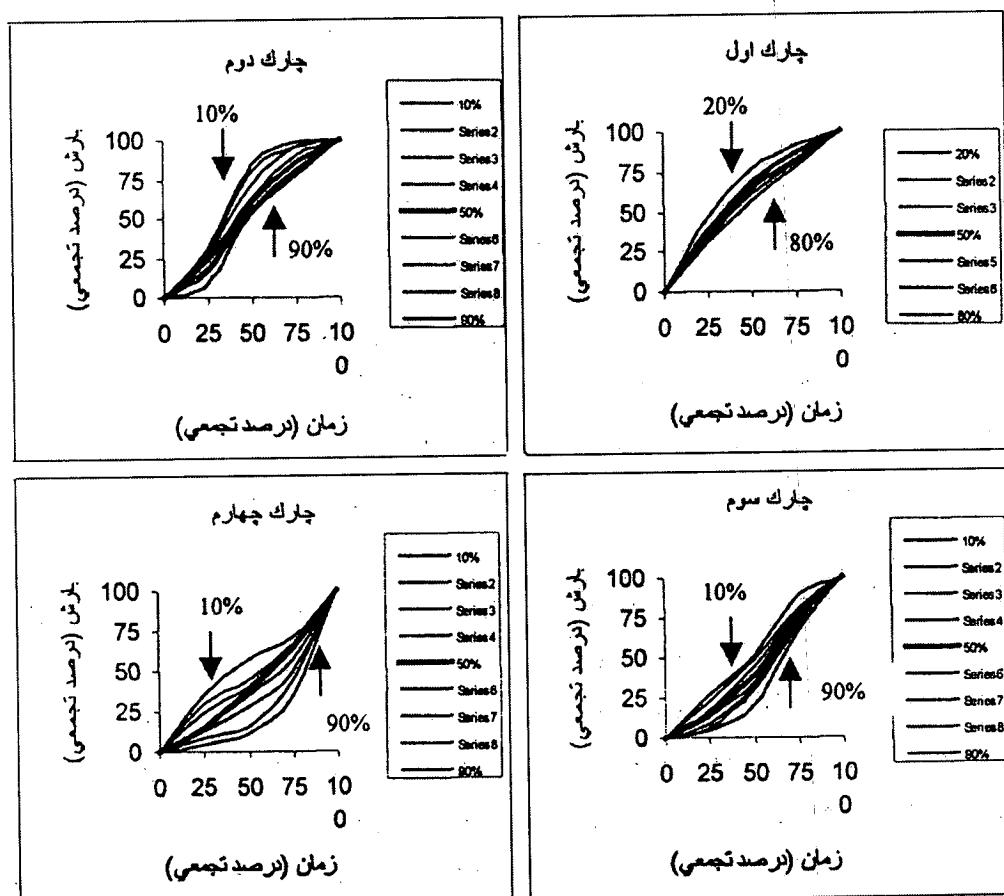
شکل ۱. الگوی توزیع زمانی بارش تداوم‌های مختلف ایستگاه‌های مطالعاتی با استفاده از روش بیل-گریم. (الف) سیزووار، (ب) تربت حیدریه، (ج) بیرجند، (د) گلمکان، (ن) بنیورد، و) الگوی میانگین.

۱-۲-۴ بررسی ایستگاهی

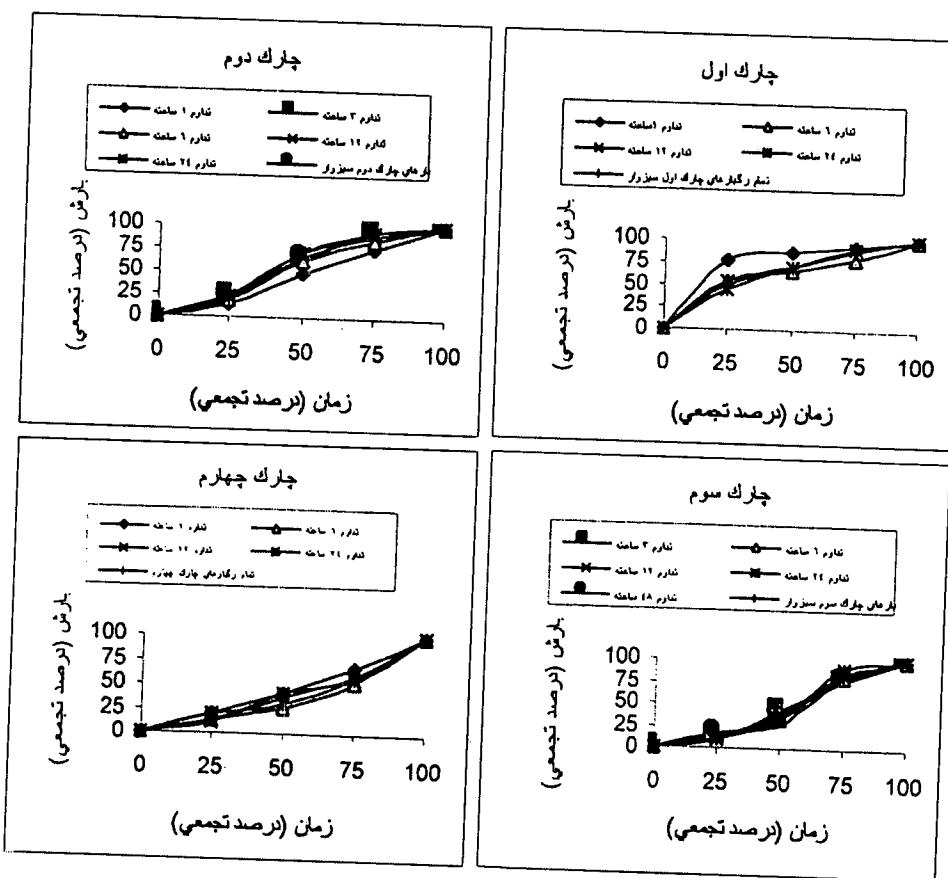
در این روش هر ایستگاه به طور جداگانه مورد بررسی قرار گرفت. در روش ایستگاهی الگوی توزیع زمانی بارش برای همه تداوم‌های ایستگاه رسم شد. شکل ۳ به عنوان نمونه الگوی توزیع زمانی بارش تداوم ۳ ساعته ایستگاه تربت حیدریه را در چارک‌های اول، دوم، سوم و چهارم به صورت احتمالات ۱۰ تا ۹۰ درصد نشان می‌دهد. برای پاسخ به این سوال که آیا تداوم رگبار روی احتمالات ۱۰ تا ۹۰ درصد الگوی توزیع زمانی بارش هر ایستگاه تاثیر می‌گذارد یا خیر؟، احتمال ۵۰ درصد تداوم‌های مختلف هر ایستگاه و احتمال ۵۰ درصد تمام رگبارهای آن ایستگاه (در چارک‌های اول، دوم، سوم و چهارم صرف نظر از تداوم رگبار) در یک نمودار رسم شد (شکل ۴). مقایسه انجام



شکل ۲. الگوی میانگین توزیع زمانی بارش تمام رگبارها صرف نظر از نوع ایستگاه و تداوم رگبار (با استفاده از روش ترسیمی پل گریم).



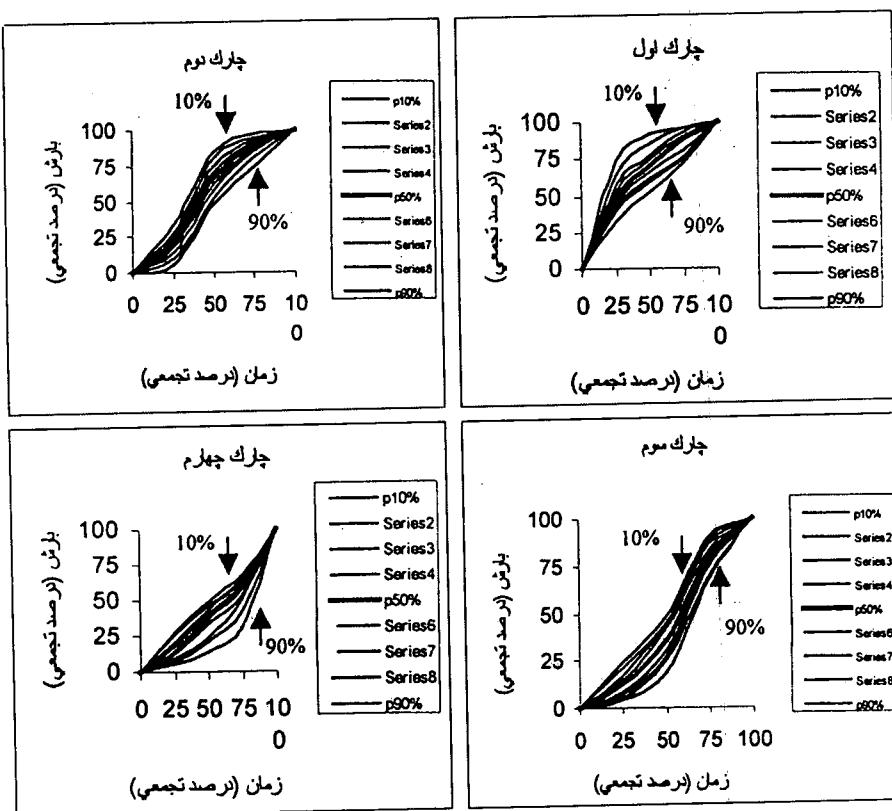
شکل ۳. توزیع زمانی بارش رگبارهای با تداوم ۳ ساعته تربت حیدریه در چارک‌های مختلف.



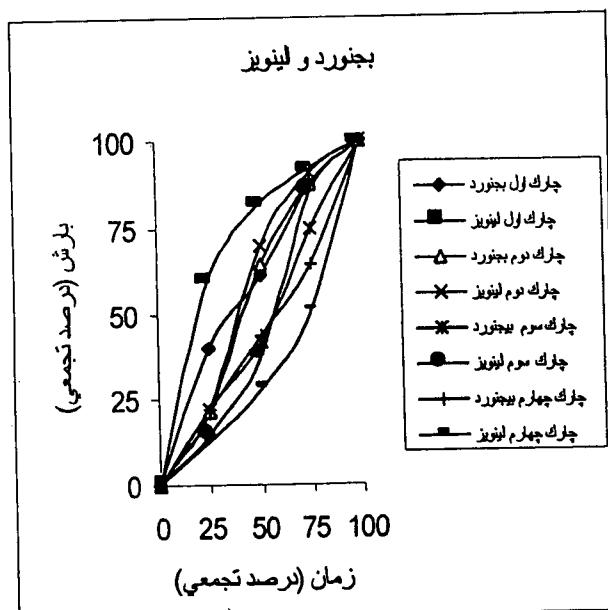
شکل ۴. مقایسه احتمال ۵۰ درصد تداوم‌های مختلف رگبارهای سبزوار در چارک‌های مختلف (در هر چارک تمام رگبارهای آن چارک استنگاه تنها با تداوم‌هایی که رگبارهای قابل ملاحظه (بیش از ۴ عدد) داشته‌اند مقایسه شده است).

کلی استنگاه استفاده کرد. برای ارائه یک الگوی توزیع زمانی بارش کلی برای هر استنگاه صرف نظر از تداوم رگبار، رگبارهای تمام تداوم‌های استنگاه با هم در نظر گرفته شد و احتمالات ۱۰ تا ۹۰ درصد برای چارک‌های مختلف هر استنگاه سبزوار را در شکل ۵ الگوی توزیع زمانی بارش استنگاه سبزوار ایستگاه چارک‌های مختلف به صورت احتمالات ۱۰ تا ۹۰ درصد نشان می‌دهد. به طور نمونه احتمال ۵۰٪ توزیع زمانی بارش استنگاه بجنورد و یک استنگاه در استان ایلی نویز امریکا (هاف، ۱۹۹۰) در چارک‌های مختلف مقایسه شد (شکل ۶). دلیل انتخاب استان ایلی نویز امریکا این بوده است که او لاً استان خراسان و ایلی نویز تقریباً هم عرض جغرافیایی هستند و از طرف دیگر هاف که یکی

شده در شکل ۴ به طور نمونه برای رگبارهای استنگاه سبزوار می‌باشد. از مقایسه احتمال ۵۰ درصد تداوم‌های مختلف هر استنگاه این نتیجه به دست می‌آید که این احتمالات در تداوم‌های مختلف هر استنگاه کمی با هم فرق دارند. در نتیجه بهتر است که این الگوها برای هر تداوم به طور جداگانه به دست آید. این الگوها برای رگبارهای با تداوم ۱، ۲، ۳، ۶، ۱۲، ۲۴، ۴۸ ساعته برای هر استنگاه به طور جداگانه به دست آمده است. اما از آنجا که تداوم رگبارهای استنگاه‌ها بسیار متنوع است، ضرورت ایجاد می‌کند که یک الگوی کلی برای استنگاه مربوطه در چارک‌های مختلف، صرف نظر از تداوم رگبار ترسیم شود تا برای تداوم‌هایی که این الگوها برای آنها به دست نیامده است، بتوان از الگوی



شکل ۵. توزیع زمانی بارش تمام رگبارهای سبزوار بدون در نظر گرفتن تداوم رگبارها در چارکهای مختلف.

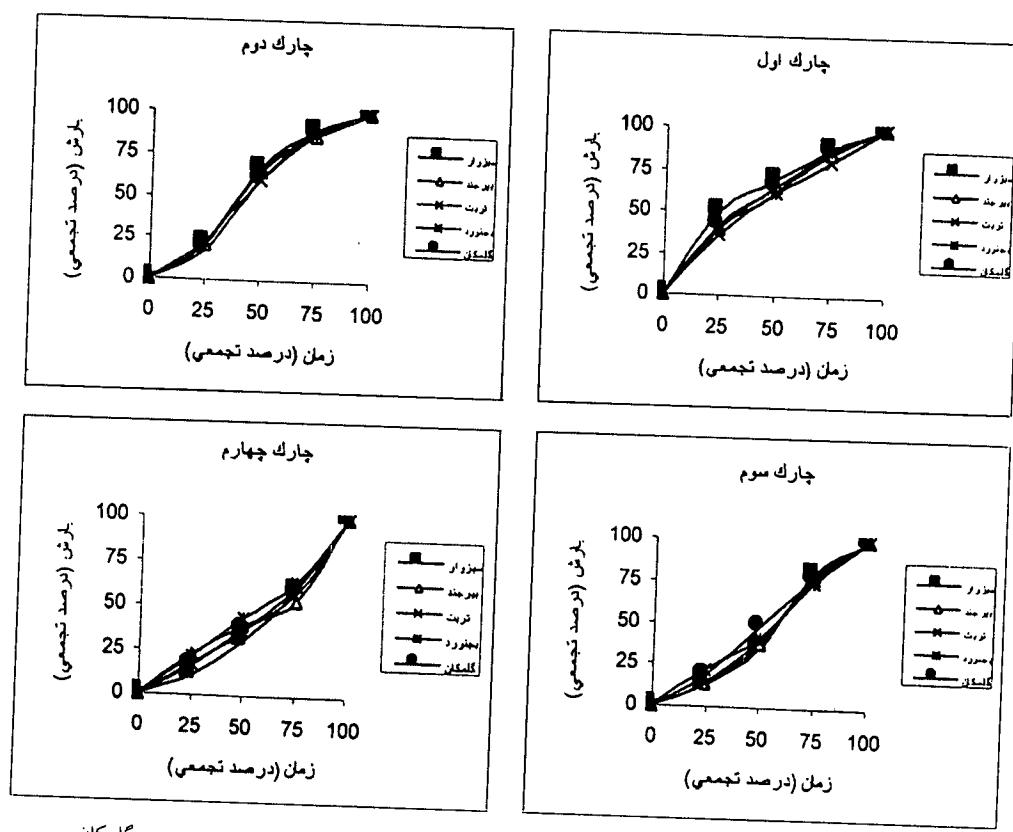


شکل ۶. مقایسه احتمال ۵۰٪ چارکهای مختلف ایستگاههای ایلی نویز و بجورد.

از صاحب نظرترین افراد در زمینه تعیین الگوی توزیع زمانی بارش است، مطالعات خود را در این زمینه متوجه کرده است و اکثر پژوهشگران نیز در مطالعات خود به نتایج هاف استناد می‌کنند. همان‌طور که ملاحظه می‌شود منحنی احتمال ۵۰٪ چارک‌های مختلف ایلی نویز با منحنی احتمال ۵۰٪ چارک‌های مختلف بجورد کاملاً متفاوت است و لذا نمی‌توان از منحنی‌های به دست آمده برای ایلی نویز امریکا در بجورد استفاده کرد. لازم به ذکر است که اختلاف منحنی ۵۰٪ چارک اول و چهارم ایلی نویز با منحنی ۵۰٪ چارک اول و چهارم بجورد به مرتبه بیشتر از اختلاف آنها در چارک‌های دوم و سوم است.

۲-۳-۴ بررسی منطقه‌ای

با توجه به نبود آمار بارش به صورت ۱۰ درصدی‌های زمانی در تمام



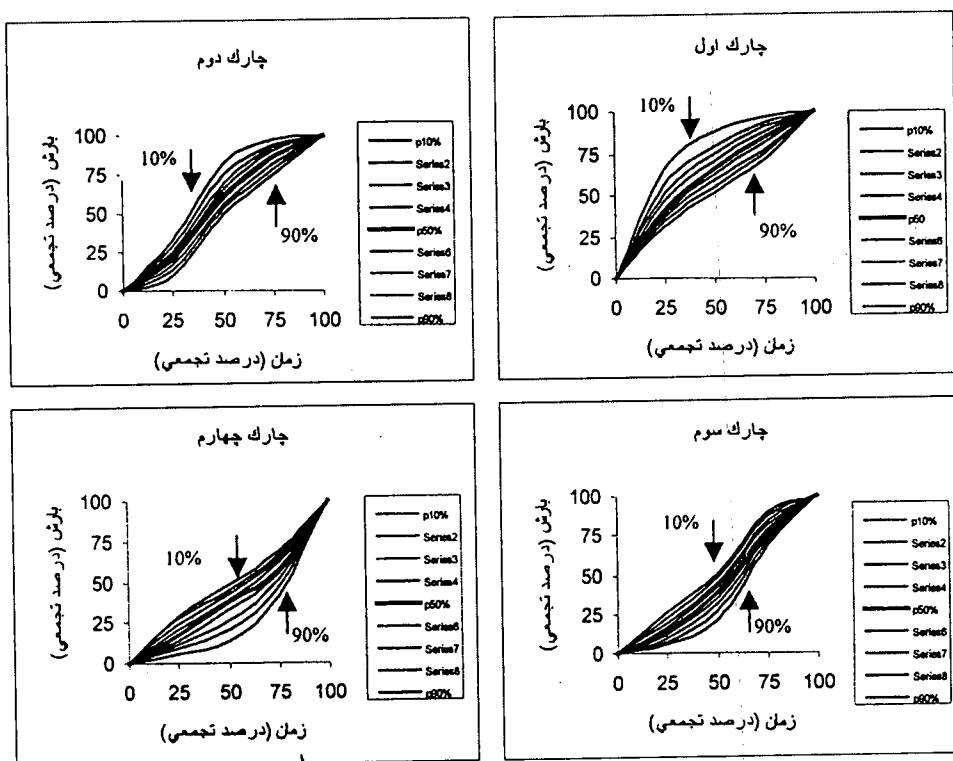
شکل ۷. مقایسه احتمال ۵۰٪ چارک‌های اول، دوم، سوم و چهارم استگاه‌های سبزوار، بیرجند، تربت، بجنورد، گلمکان.

ایستگاه‌های بجنورد، بیرجند، تربت، سبزوار و گلمکان ارائه شد (شکل ۸). این الگو با الگوی منطقه‌ای که هاف برای استان ایلی‌نویز امریکا ارائه داده (ها، ۱۹۹۰) در شکل ۹ مقایسه شده است. همان‌طور که ملاحظه می‌شود الگوی توزیع زمانی بارش استان خراسان با استان ایلی‌نویز امریکا، که تقریباً در یک عرض جغرافیایی قرار دارند، کاملاً متفاوت است و نمی‌توان از این الگوهای به جای یکدیگر استفاده کرد.

۵ نتیجه‌گیری

گرچه یافته‌هایی که در شکل‌های ۱ تا ۹ آورده شد، در زمرة نتایج اصلی مقاله حاضر است، با این حال در این قسمت برخی نکات دیگر در این ارتباط آورده می‌شود. در این بررسی، الگوی توزیع زمانی بارش برای ایستگاه‌های منتخب استان خراسان و الگوی کلی برای تمام استان خراسان به دو روش ترسیمی پل‌گریم و

ایستگاه‌های خراسان ضرورت ایجاد می‌کند که یک الگوی کلی در چارک‌های مختلف صرف نظر از نوع ایستگاه، ترسیم شود تا برای بناطقی که این الگوهای برای آنها به دست نیامده است، بتوان از الگوی کلی استان استفاده نمود. در این روش ابتدا احتمال ۵۰٪ چارک‌های مختلف تمام ایستگاه‌ها در نمودار رسم شد (شکل ۷). ملاحظه می‌شود که احتمال ۵۰٪ چارک‌های اول و چهارم ایستگاه‌ها با هم تفاوت کمی دارند و اختلاف احتمال ۵۰٪ چارک‌های دوم و سوم بسیار ناچیز است. لذا از نوع ایستگاه صرف نظر شد و رگبارهای تمام ایستگاه‌ها با هم در نظر گرفته شده و احتمالات ۱۰ تا ۹۰ درصد برای تمام رگبارها رسم شد. شکل ۸ الگوی توزیع زمانی بارش منطقه‌ای را در چارک‌های متفاوت به صورت احتمالات ۱۰ تا ۹۰ درصد در استان خراسان نشان می‌دهد. بدین ترتیب یک الگوی توزیع زمانی بارش منطقه‌ای برای تمام استان خراسان با استفاده از آمار بارش



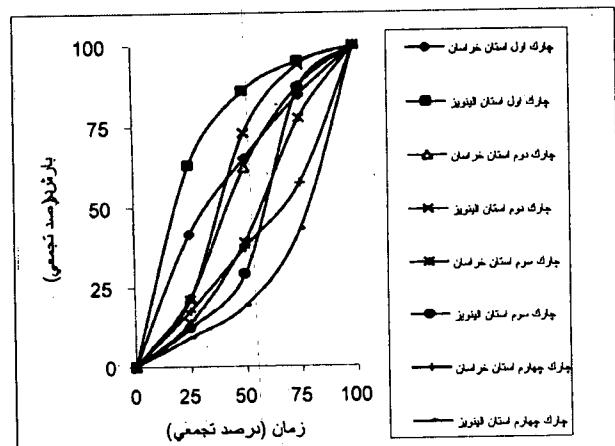
شکل ۸ توزیع زمانی بارش بصورت منطقه‌ای در استان خراسان در چارک‌های اول، دوم، سوم و چهارم (برگرفته از داده‌های ایستگاه‌های بیرجند، بجنورد، تربت، سبزوار و گلمکان).

الگوی کلی استان خراسان با استان ایلی نویز امریکا مقایسه شد (شکل‌های ۶ و ۹). از این بررسی نتایج زیر نیز حاصل می‌شد.

۱- در ایستگاه‌های بیرجند و سبزوار و تربت بیشترین فراوانی وقوع رگبارها، در چارک‌های دوم و سوم است ولی در ایستگاه‌های بجنورد و گلمکان بیشترین فراوانی وقوع رگبارها، در چارک‌های اول و دوم است.

۲- تعیین الگوی توزیع زمانی بارش به روش منحنی‌های تجمعی بسیار بعد (روش ترسیمی پیل گریم) روش مناسبی برای استان خراسان نیست زیرا در این روش، تغییر تداوم، هیچ اثری بر روی الگوی توزیع زمانی بارش نمی‌گذارد.

۳- تعیین الگوی توزیع زمانی بارش به روش هاف الگوی مناسبی است زیرا تغییر تداوم روی شکل الگوها تاثیر می‌گذارد و چون این الگوها به صورت احتمالات بیان می‌شود برای طرح‌های عمرانی بسیار مناسب است. به طور مثال اگر طرح از نظر مالی پر



شکل ۹ مقایسه احتمال ۵۰٪ چارک‌های اول، دوم، سوم و چهارم استان خراسان و استان ایلی نویز امریکا.

هاف ارائه شد و در نهایت الگوی توزیع زمانی بارش ایستگاه‌های خراسان جداگانه با الگوی استان ایلی نویز امریکا و همین‌طور

منابع

- بزرگ‌گزاده، م.، ۱۳۷۴، توزیع زمانی بارش برای محاسبه سیلاب طراحی: فصلنامه امور آب وزارت نیرو، سال سوم، ۱۳۷۴، شماره ۱.
- علیزاده، ا.، ۱۳۷۶، هیدرولوژی کاربردی: انتشارات آستان قدس رضوی.
- مالکی‌فرد، ف.، ۱۳۸۱، تعیین الگوی توزیع زمانی بارندگی در استگاه‌های منتخب استان خراسان: پایان‌نامه کارشناسی ارشد، موسسه ژئوفیزیک دانشگاه تهران.
- وزیری، ف.، ۱۳۷۶، تعیین الگوی توزیع زمانی بارندگی ۲۴ و ۴۸ ساعته در جنوب غرب ایران: انتشارات دانشگاه خواجه نصیرالدین طوسی.
- Huff, F. A., 1967, Time Distribution of Rainfall in Heavy Storms: Water Resources Research, 3, 1007-1019.
- Huff, F. A., 1990, Time Distribution of Heavy Rainstorms in Illinois: Department of Energy and Natural Resources.
- Huff, F. A., and Angel, J. R., 1989, Frequency Distributions and Hydroclimatic Characteristics of Heavy Rainstorms in Illinois: Illinois State Water Survey Bulletin 70, 77 p.
- Maksimovic, C., 1996, Rain and flood in our cities: World Meteorology Organization (WMO).
- Pani, E. A., and Haragan, D. R., 1981, A Comparison of Texas and Illinois Temporal Rainfall Distributions: Preprints, 4th Conference on Hydrometeorology, American Meteorology Society, Boston, MA, 76-80.
- Pilgrim, D. H., Kennedy, M. R., and Rowbottom, I. A., 1991, Temporal Patterns of Rainfall Bursts: Australian Rainfall and Runoff, 1, 43-53.
- Viessman, W., 1996, Introduction to Hydrology: 4th edition, Addison Wesley Pub Co.

هزینه باشد می‌توان از احتمالات پایین‌تر استفاده نمود ولی اگر در طرح هزینه‌ها مهم نباشد می‌توان از احتمالات بالاتر استفاده کرد. ولی به طور کلی احتمال ۵۰ درصد به عنوان بهترین احتمال در نظر گرفته می‌شود.

۴- اختلاف احتمال ۵۰٪ الگوی توزیع زمانی بارش استگاه‌های مختلف استان خراسان در چارک‌های اول و چهارم بیشتر از چارک‌های دوم و سوم است و این احتمال در چارک‌های دوم و سوم استگاه‌های مختلف تقریباً یکسان است. ولی به طور کلی الگوی توزیع زمانی بارش استگاه‌های مختلف استان تقریباً یکسان است.

۵- احتمال ۵۰٪ الگوی توزیع زمانی بارش استان خراسان در چارک‌های مختلف با احتمال ۵۰٪ الگوی توزیع زمانی بارش استان ایلی‌نویز امریکا، که تقریباً در یک عرض جغرافیایی قرار دارند، کاملاً متفاوت بود و نمی‌توان از اطلاعات استان ایلی‌نویز امریکا برای استان خراسان ایران استفاده کرد. اختلاف احتمال ۵۰٪ الگوی توزیع زمانی بارش در چارک‌های اول و چهارم این دو منطقه به مرتبه بیشتر از چارک‌های دوم و سوم است.

۶- برای استخراج الگوی باران طراحی باید از اطلاعات محلی استفاده کرد. در مواردی که اطلاعات لازم در محدوده مطالعات وجود نداشته پا کافی نیست، باید از داده‌های موجود در نواحی مجاور و مشابه استفاده کرد. این عمل به مرتبه بهتر از آن است که از الگوهای "تیپ" بدون آن که صحت آنها برای منطقه مورد مطالعه احراز شود، استفاده کرد.

۷- قرار گرفتن شدیدترین بخش بارندگی در اواسط مدت کل بارش که سابقاً به عنوان یک فرض معقول و منطقی توجیه می‌شد، مورد تردید است و برای کاهش تردیدها باید از داده‌های محلی استفاده کرد و نتیجه‌گیری در این زمینه را به شکل مستند و قابل قبولی درآورد.